

تصمیمات تسهیلات دهی بانک با استفاده از روش الگوریتم ژنتیک

(مطالعه موردی: مشتریان حقیقی بانک سپه)

رضا حبیبی^۱

حسن کوهی^۲

حسین بعیدی مفرندیا^۳

چکیده

با توجه به ماهیت فعالیت‌های صنعت بانکداری که عمدتاً مبتنی بر تجهیز و تخصیص منابع است، این صنعت به‌طور گسترده با ریسک‌های اعتباری مواجه است. بنابراین شناخت مبنای ریسک اعتباری و تحمیل آن همواره یک مسئله اساسی برای صنعت بانکداری است. در همین خصوص، تحقیقی از نوع داده‌کاوی با هدف شناسایی ویژگی‌های مؤثر بر ریسک اعتباری مشتریان حقیقی بانک سپه و همچنین طراحی مدلی برای پیش‌بینی احتمال نکول تسهیلات، از طریق مدل‌های الگوریتم ژنتیک و رگرسیون پروبیت انجام گرفته است. داده‌های این تحقیق مربوط به تسهیلات اعتباری پرداخت شده به اشخاص حقیقی در سال ۱۳۹۵ است. از میان کلیه تسهیلات اعتباری پرداخت شده به اشخاص حقیقی در سال ۱۳۹۵ دو نمونه ۳۶۰۰ تایی (بهمنظور برآش مدل) و ۴۰۰ تایی (بهمنظور راستی آزمایی مدل بهوسیله منحنی ROC) بهصورت تصادفی انتخاب شدند. همچنین بهمنظور برآش مدل نتایج تجزیه و تحلیل داده‌ها از نرم‌افزار متلب استفاده شده است.

نتایج تحقیق نشان می‌دهد که روش الگوریتم ژنتیک در تعیین متغیرها در سه سطح متفاوت براساس درجه اهمیت، توانایی بالاتری در پیش‌بینی احتمال نکول تسهیلات نسبت به روش رگرسیون پروبیت دارد. نتایج راستی آزمایی نشان می‌دهد که سطح زیر منحنی ROC در روش الگوریتم ژنتیک برابر ۰/۹۲، اما در روش رگرسیون پروبیت برابر ۰/۷۲ است و همچنین نتایج در ماتریس ROC نشان داد که روش الگوریتم ژنتیک ۹۱/۸ درصد پیش‌بینی صحیح نموده و روش رگرسیون پروبیت ۹۰ درصد پیش‌بینی صحیح کرده است.

واژه‌های کلیدی: رتبه‌بندی اعتباری، الگوریتم ژنتیک، رگرسیون پروبیت، منحنی ROC.

طبقه‌بندی JEL: G24, G32, C35, C45

^۱ عضو هیأت علمی، مؤسسه عالی آموزش بانکداری ایران (نویسنده مسئول); R_habibi@ibi.ac.ir

^۲ عضو هیأت علمی، مؤسسه عالی آموزش بانکداری ایران; Kouhi@ibi.ac.ir

^۳ کارشناس ارشد بانکداری اسلامی، مؤسسه عالی آموزش بانکداری ایران؛ Hossein.baidi@yahoo.com؛ تاریخ دریافت: ۹۶/۱۲/۱۱؛ تاریخ پذیرش: ۹۷/۰۸/۲۳

مقدمه

بانک‌ها به عنوان یکی از مهم‌ترین بنگاه‌های اقتصادی در کسب و کار بایستی توانایی شناسایی ویژگی‌های مشتریان خود را داشته باشند. شناخت دقیق مشتریان سبب آگاهی از نیازها و رفتارهای مشتریان و ارائه خدمات مالی بهتر به آن‌ها می‌شود. یکی از مهم‌ترین خدمات مالی بانک اعطای تسهیلات به مشتریان است. امروزه در هر کسب و کاری، رضایتمندی مشتریان از مباحث اصلی و با اهمیت برای کسب درآمد و رقابت مؤثر در عرصه بازار تلقی می‌شود. لذا، شناخت از مشتریان در نهایت به رضایتمندی مشتریان و فواداری آن‌ها به بانک منجر خواهد شد. از طرف دیگر، هر کسب و کاری با مجموعه‌ای از ریسک‌ها در فرایندهای خود مواجه است. یکی از مهم‌ترین ریسک‌های بانکی، ریسک اعتباری است که بانک‌ها بایستی بتوانند این ریسک را مدیریت کنند (البرزی و همکاران، ۱۳۸۹).

از جمله دلایل اهمیت سنجش و مدیریت ریسک اعتباری می‌توان موارد زیر را نام برد:

- ۱- همان‌گونه مهم‌ترین عامل ورشکستگی بانک‌ها ریسک اعتباری است. اگر مشتری به موقع تعهدات خود را بازپرداخت نکند، این تسهیلات به صورت مطالبات عموق بانکی درمی‌آید و قدرت تسهیلات‌دهی بانک به افراد جدید کاهش می‌یابد و در نتیجه سودآوری بانک نیز کاهش خواهد یافت که به اختلال در اقتصاد کشور می‌انجامد.
- ۲- اندازه‌گیری ریسک اعتباری با پیش‌بینی زیان‌های عدم بازپرداخت اعتبارات و ایجاد رابطه منطقی بین ریسک و بازده، امکان بهینه‌سازی ترکیب پرتفوی اعتباری، قیمت‌گذاری دارایی‌ها و تعیین سرمایه اقتصادی بانک‌ها را به منظور کاهش هزینه‌های سرمایه‌ای و حفظ توان رقابتی فراهم و نوعی مزیت نسبی برای بانک‌ها و مؤسسات مالی و اعتباری ایجاد می‌کند.

- ۳- در ایران از یک طرف فعالیت بانک‌ها براساس قانون بانکداری بدون ربا و مبتنی بر عقود اسلامی است، بنابراین نمی‌توان بین بازار پول و سرمایه مرزی قائل شد. از طرف دیگر، با توجه به ساختار اقتصادی کشور، عملیات بازار سرمایه (بازار اوراق بهادار و سهام) و سایر شبکه‌های غیربانکی، پیشرفت فراوانی نداشته و از این‌رو سهم قابل توجهی از سرمایه‌گذاری از طریق بازار بانکی انجام می‌گیرد، بنابراین موفقیت بانک‌ها در انجام این امور اهمیت خاصی دارد (کشاورز حداد و آیتی گازار، ۱۳۸۶).

- اعتبارسنجی مشتریان به عنوان یک ابزار مهم می‌تواند به بانک در شناسایی مشتریان خوش‌حساب و بد‌حساب و اعطای بهتر تسهیلات اعتباری کمک کند. اعتبارسنجی بهینه نیازمند اجرای مدل‌های آماری و اقتصادسنجی مناسب است. مدل‌های رتبه‌بندی اعتباری یکی از مهم‌ترین و اساسی‌ترین سیستم‌های تصمیم‌گیری هستند که بخش عمده‌ای از اطلاعات مورد نیاز مؤسسات اعتباردهنده در

مدیریت مؤثر اعتبارات را فراهم می‌کنند. این مدل‌ها به بانک‌ها و مؤسسات مالی و اعتباری کمک می‌کنند تا با صرف هزینه کمتر و دقیق‌تر، درخواست مشتریان اعتباری خود را بررسی کنند. اگر چه تحقیقات نظری متعددی با استفاده از مدل‌های رتبه‌بندی مشابه خارجی در مورد بانک‌ها و مؤسسات مالی و اعتباری ایران انجام شده است، اما با مقایسه اطلاعات کسب شده از بانک‌ها سایر کشورها با بانک‌های کشور، می‌توان بی‌برد که در بانک‌ها و مؤسسات مالی و اعتباری کشور برخلاف سایر کشورها، مدلی جامع و کاربردی برای ارزیابی ریسک وجود ندارد. بالا بودن ذخایر مطالبات مشکوک‌الوصول بانک‌ها و تسهیلات اعطایی سوخت شده یا معوق شده بانک‌ها نیز گویای نبود مدل‌های مناسب اندازه‌گیری ریسک اعتباری و سیستم‌های مدیریت ریسک در شبکه بانکی کشور است. با توجه به اهمیت این موضوع، استفاده از مدل مناسب رتبه‌بندی اعتباری داخلی برای پیش‌بینی وضعیت عدم بازپرداخت تسهیلات توسط مشتریان، می‌تواند برای بانک‌ها و مؤسسات مالی و اعتباری تبدیل به یک مزیت رقابتی شود (رستم کالایی، ۱۳۸۶). در این تحقیق تلاش شده است که مدلی برای رتبه‌بندی اعتباری مشتریان حقیقی بانک سپه ارائه شود تا به کمک این مدل، مدیران و متخصصی مسئولان بخش اعتباری بانک‌ها و مؤسسات مالی (بهویژه بانک سپه)، با صرف کمترین هزینه و کوتاه‌ترین زمان به تصمیمات تسهیلات‌دهی مرتبط با مشتریان حقیقی اقدام کنند.

مبانی نظری و پیشینه تحقیق

امتیازدهی اعتباری، نظامی است که از طریق آن بانک‌ها و مؤسسات اعتباری با استفاده از اطلاعات حال و گذشته متقارضی، احتمال عدم بازپرداخت تسهیلات توسط وی را ارزیابی می‌کنند و به ایشان امتیاز می‌دهند. به عبارت دیگر، امتیازدهی به معنی کمی نمودن احتمال نکول در آینده است. امتیازدهی اعتباری ابزاری عینی برای مدیریت ریسک است که مشتریان اعتباری را با بی‌طرفی و براساس آمار و اطلاعات رتبه‌بندی می‌کند؛ در حالی که روش‌های قدیمی برای ارزیابی مشتریان، عمدتاً ذهنی و متنکی بر دیدگاه مسئولان پرداخت تسهیلات است. تعاریف گوناگونی برای رتبه‌بندی اعتباری ارائه شده است. از نظر مؤسسه استاندارد اند پورز^۱، سیستم رتبه‌بندی اظهارنظر در مورد ارزش اعتباری یک بدھکار براساس عوامل ریسک است. همچنین از نظر مؤسسه مویدز^۲، رتبه‌بندی عبارت است از اظهارنظر در مورد توانایی آتی بدھکار و تعهد حقوقی منتشر‌کننده اوراق، برای انجام پرداخت‌های به‌موقع اصل

¹ Standard and Poor's

² Moody's

و بهره، روی اوراق بهادر با درآمد ثابت و مشخص. از جمله اهداف امتیازدهی اعتباری که با گسترش بانکداری الکترونیک و به دنبال آن فرآگیرشدن استفاده از کارت‌های اعتباری ضرورت می‌یابد این است که لزوم بازنگری در فرایندهای تسهیلات بانکی و امتیازدهی و به هنگام کردن این فرایند با استفاده از فناوری روز در زمینه‌های امتیازسنجی، امری اجتناب‌ناپذیر است.

در زیر چهار هدف از اهداف مدل‌های امتیازدهی ارائه می‌شود:

- ۱- **بازاریابی:** بازاریابی باعث شناسایی مشتریان بالقوه برای تسهیلات‌گیری می‌شود که خود سبب کاهش هزینه‌های تبلیغاتی است. همچنین احتمال از دستدادن مشتریان با ارزش باید تعیین شود، زیرا سازمان را به تنظیم راهبرد حفظ مشتری قادر خواهد ساخت.
- ۲- **ارزیابی درخواست‌ها:** در مورد تمدید اعتبار و میزان آن تصمیم‌گیری می‌شود و رفتار آینده متقارضی جدید تسهیلات با پیش‌بینی احتمال نکول در آینده تعیین می‌شود.

۳- **کنترل مشتریان:** رفتار آینده مشتریان فعلی که تسهیلات دریافت کرده‌اند را با توجه به شرایط اقتصادی باید پیش‌بینی کرد. بنابراین می‌توان توجه بیشتری به مشتریانی داشت که دچار مشکل شده‌اند و بدین صورت می‌توان احتمال نکول را کاهش داد.

۴- **مدیریت تسهیلات بد:** بر این اساس می‌توان خطمشی مشابه برای به حداقل رساندن هزینه مجموعه با افزایش مقدار بازیافت شده از حساب‌های عموق شده اتخاذ کرد.

ارائه مدل‌های اعتبارسنجی همواره با نتایج خوبی در بانک روبرو بوده است. در حال حاضر مدل‌های مختلفی برای اعتبارسنجی مشتریان بانک‌ها و مؤسسات مالی به کار می‌روند. از طرفی تحقیقات متنوعی روی کارایی این مدل‌ها در داخل کشور و کاربرد آن در اعتبارسنجی صورت گرفته است. در سایر کشورها نیز با توسعه روش‌های اعتبارسنجی در دهه‌های ۱۹۵۰ و ۱۹۶۰، انواع مدل‌های آماری و داده کاوی برای ارزیابی اعتباری مشتریان ارائه شد. امروزه اغلب بانک‌ها و مؤسسه‌های اعتباری از اعتبارسنجی مشتریان به منظور کنترل ریسک اعتباری خود استفاده می‌کنند. روش‌های متنوعی برای ارزیابی اعتباری مشتریان وجود دارد و مورد استفاده قرار می‌گیرد که معرفی و مرور برخی از آن‌ها به شرح زیر ارائه شده است.

برخی مطالعات نشان داده‌اند که روش‌های هوش مصنوعی و محاسبات تکاملی می‌توانند پیش‌بینی‌های دقیق‌تری را در اختیار استفاده‌کنندگان قرار دهند. در مقابل برخی دیگر، هنوز بر این باورند که روش‌های قدیمی بهتر و مؤثرتر بوده یا استفاده همزمان از هر دو دسته روش‌ها، نتیجه خوبی را به همراه خواهد

داشت (دسای و همکاران^۱، ۱۹۹۷). برای نمونه در تحقیقاتی که انجام شده، با بررسی انواع روش‌های اعتبارسنجی، عملکرد این روش‌ها را روی مجموعه‌هایی از داده‌های بانک‌های فرانسوی و آمریکایی می‌توان دید که روش‌های رگرسیون لجستیک و شبکه‌های عصبی از لحاظ دقیق عملکرد مشابهی دارند، اما از لحاظ سرعت انجام تحلیل‌ها، مدل لاجیت از بقیه بهتر است (چن و هوانگ^۲، ۲۰۰۳). همچنین در ادبیات اعتبارسنجی مشتریان، برنامه‌ریزی ژنتیکی برای ساخت مدل‌های اعتبارسنجی پیشنهاد شده است که نتایج بدست آمده در مقایسه با مدل‌های متعارف اعتبارسنجی شامل شبکه‌های عصبی، درخت تصمیم، مجموعه‌های سخت و رگرسیون لجستیک، نشان می‌دهد که برنامه‌ریزی ژنتیکی عملکرد بهتری دارد (وانگ و همکاران^۳، ۲۰۰۵).

همچنین در برخی از تحقیقات به مقایسه روش‌های گوناگون در اعتبارسنجی پرداخته‌اند؛ به عنوان مثال عملکرد دو روش داده‌کاوی، شامل کارت^۴ و مارس^۵ در اعتبارسنجی مشتریان بررسی شده است. برای سنجش کارایی این دو روش، از مجموعه داده‌های کارت اعتباری یک بانک آمریکایی استفاده شده است. نتایج نشان داد عملکرد دو روش یاد شده نسبت به رویکردهای سنتی تحلیل ممیزی، رگرسیون لجستیک، شبکه‌های عصبی و ماشین بردار پشتیبان بهتر است (الی و همکاران^۶، ۲۰۰۶). سایر مدل‌های به کار رفته در اعتبارسنجی شامل از مدل‌های تحلیل ممیزی گام به گام و رگرسیون لجستیک با استفاده از نسبت مالی به عنوان متغیرهای مؤثر بر رفتار اعتباری و تفکیک مشتریان از نظر ریسک اعتباری است. عموماً متغیر نسبت جاری بیشترین قدرت تفکیک مشتریان خوش حساب و بدحساب را در میان سایر متغیرها دارد. از سوی دیگر، روش‌های تحلیل ممیزی و رگرسیون لجستیک در دسته‌بندی مشتریان از نظر ریسک اعتباری، نتایج مشابهی ارائه می‌دهند (ذکارت، ۱۳۸۲). همچنین، مدل‌های پرویست، لاجیت و درختان تصمیم در طبقه‌بندی و رگرسیون هم در بین مدل‌های رتبه‌بندی مشاهده می‌شوند (ملا ابراهیم‌لو، ۱۳۸۴؛ کشاورز حداد و آیتی گازار، ۱۳۸۵).

¹ Desai et al.

² Chen & Huang

³ Ong et al.

⁴ Classification and Regression Trees (CART)

⁵ Multivariate Adaptive Regression Splines (MARS)

⁶ Lee et al.

پیشینه تحقیق

هوانگ و همکاران^۱ (۲۰۰۷) یک روش هیبریدی برای اعتبارسنجی ارائه دادند. بدین صورت که ترکیب الگوریتم ژنتیک و ماشین بردار پشتیبان هم برای انتخاب خصیصه‌ها و هم برای بهینه‌سازی پارامترهای مدل اعتبارسنجی به کار گرفته شده است. مقایسه‌هایی نیز بین روش ماشین بردار پشتیبان و شبکه‌های عصبی، برنامه‌ریزی ژنتیکی و درخت تصمیم صورت گرفته که نتایج کمایش یکسانی داشته است. ولی نتایج تجربی نشان می‌دهد که ماشین بردار پشتیبان نسبت به سایر روش‌های داده‌کاوی نتایج بهتری ارائه می‌دهد.

ابدو^۲ (۲۰۰۸) در تحقیق خود از دو روش مدل رگرسیون پروبیت و برنامه‌ریزی ژنتیک برای مدل‌سازی ارزیابی اعتباری در بین بانک‌های بخش دولتی کشور مصر استفاده کرده است. در نخستین روش با استفاده از مدل رگرسیون پروبیت درصد تأثیر هر یک از متغیرها بر متغیر وابسته (نکول تسهیلات) و در روش دوم با استفاده از برنامه‌ریزی ژنتیک متغیرهای تأثیرگذار بر متغیر وابسته مشخص شدند. در نهایت با استفاده از منحنی ROC هر دو روش بررسی شدند تا مشخص شود بین دو روش پروبیت و ژنتیک کدامیک توانایی بیشتری در تعیین ویژگی‌های تأثیرگذار مشتری دارد و همچنین بهتر می‌تواند با این ویژگی‌ها احتمال نکول تسهیلات را پیش‌بینی کند؛ سپس با استفاده از یک نمونه به راستی‌آزمایی و تشخیص صحت هر دو روش پرداخته شد. در نهایت نشان داده شد که بین روش رگرسیون پروبیت و برنامه‌ریزی ژنتیک، روش برنامه‌ریزی ژنتیک بهتر می‌تواند متغیرهای تأثیرگذار را مشخص کند.

پالیوال و کومار^۳ (۲۰۰۹) تحقیق خود را بر پایه ترکیب طبقه‌بندی با ناظر و بدون ناظر استوار کردند. در گام نخست با استفاده از الگوریتم خوشه‌بندی^۴، مشتریان به گروه‌هایی با ویژگی‌های مشابه دسته‌بندی شدند و در گام بعدی برای هر گروه از مشتریان درخت تصمیم ساخته شد. روش پیشنهاد شده آن‌ها به بانک اجازه می‌دهد تا از قوانین متفاوت برای مشتریان مختلف که ریسک‌های بالایی دارند، استفاده کند.

¹ Huang et al.

² Abdou

³ Paliwal & Kumar

⁴ Clustering Algorithm

کنستانگیورا^۱ (۲۰۱۱) با استفاده از روش بگینگ^۲ احتمال نکول را بر مبنای رگرسیون لاچیت بهمود بخشید. وی نشان داد که هزینه‌های نظارت هزینه‌های سرباری بر بانک هستند، اما استفاده از یک سیستم نظارتی مناسب حتی با هزینه بالا هم در نهایت به کاهش ریسک اعتباری بانک و حتی در مواردی هم سودآوری می‌انجامد. تحقیق وی با استفاده از داده‌های واقعی مؤسسه بانکداری بوداپست انجام شد و در آن سه دسته از متغیرها بررسی شدند. نخستین سری متغیرها، مشخصه‌های جمعیت‌شناسنخانی مشتریان بود. دومین سری وضعیت مالی گیرنده تسهیلات و سومین دسته از متغیرها شامل تاریخچه تسهیلات و بازپرداخت تسهیلات قبلی بود.

لوند^۳ (۲۰۱۵) رگرسیون لجستیک دو مرحله‌ای را برای بهمود رتبه‌بندی اعتباری در سطح مشتریان حقيقی بانک‌های هلند بین دوره زمانی ۲۰۱۴-۲۰۱۲ به کار برد و به این نتیجه رسید که ضریب جینی به عنوان معیاری از نیکویی برازش مدل به میزان یک درصد افزایش یافته است. او ابتدا داده‌ها را به دو قسمت برازش و ارزیابی تقسیم کرد؛ سپس با استفاده از داده‌های بخش اول مدل لجستیک برازش و با استفاده از داده‌های سری دوم، عملکرد مدل ارزیابی شد.

جو و سون^۴ (۲۰۱۷) مجموعه روش‌های کمی و کیفی را برای اعتبارسنجی مشتریان ارائه دادند. روش‌های آنان شامل تحلیل همبستگی کانونی^۵، رتبه‌بندی و تحلیل ممیزی کیفی و تحلیل شناسایی الگو^۶ بود که آن‌ها در بین مشتریان حقیقی بانک‌های چین به کار برdenد.

متیو^۷ (۲۰۱۷) با استفاده از رگرسیون لجستیک مرحله‌ای به رتبه‌بندی ۱۵۰ هزار مشتری بانک‌های آمریکا با ۱۱ ویژگی ثبت شده مشتریان پرداخت. وی نشان داد که این روش از روش‌های تجزیه مقدار منفرد^۸ عادی و وزنی به میزان ۱۰ و ۱۵ درصد دقت بیشتری دارد. همچنین، روشی کاربردی برای انتخاب ویژگی که یکی از مهم‌ترین مسائل در اعتبارسنجی مشتریان است، ارائه داد. ابدوو (۲۰۱۸) امتیازدهی اعتباری را با استفاده از برنامه‌ریزی ژنتیک در بانک‌های مصر طی دوره زمانی ۲۰۱۴-۲۰۱۳ انجام داد و به این نتیجه رسید که این روش از لحاظ شخص‌های وزن شهود و

¹ Constangioara

² Bagging

³ Lund

⁴ Ju & Sohn

⁵ Canonical Correlation Analysis

⁶ Pattern Recognition

⁷ Mathew

⁸ Singular Value Decomposition (SVD)

متوسط طبقه‌بندی صحیح و هزینه طبقه‌بندی اشتباہ، روش بهتری نسبت به روش‌های رگرسیون پروبیت و برخی روش‌های داده‌کاوی است. در این تحقیق، ابدو به‌دلیل یافتن بهترین تابع به‌عنوان تابع ممیزی بین مشتریان بانک‌های مصر در دوره مطالعه است و هر تابع به‌صورت یک نمودار درختی ترسیم شده و بهترین تابع با استفاده برنامه‌ریزی ژنتیک حاصل می‌شود.

رستم کلایی (۱۳۸۶) با استفاده از ۲۲ متغیر و ۳۵ قانون در چارچوب یک سیستم خبره فازی، الگویی برای ارزیابی اعتباری مشتریان تسهیلات اعتباری بانکی طراحی کرده است. استخراج دانش و ارزیابی متغیرها در این سیستم به‌گونه‌ای طراحی شده که به فرایند ذهنی ارزیابان نزدیک باشد. مدل استفاده شده، سیستم استدلال میدانی است و خروجی سیستم، مشتریان را در چهار گروه مختلف براساس میزان اعتبارشان طبقه‌بندی می‌کند.

نیلی و سبزواری (۱۳۸۷) برای ارزیابی ۸۶ مورد از مشتریان حقوقی بانک پارسیان، با استفاده از اطلاعات مالی آن‌ها، مدل‌های امتیازدهی لاجیت و روش غیرپارامتری AHP را بررسی و این دو روش را از نظر میزان دقت در پیش‌بینی مشتریان خوب و بد با یکدیگر مقایسه کردند. بر این اساس، روش AHP که یک روش کارشناس محور است، توانست با دقت بهتری ارزش اعتباری و در نهایت خوب و بد بودن مشتریان را تعیین کند.

البرزی و همکاران (۱۳۸۹) نیز در تحقیقی برای اعتبارسنجی مشتریان بانک‌ها از الگوریتم ژنتیک در بهینه‌سازی درختان تصمیم‌گیری استفاده کردند که نتایج آنان نشان داد، دقت طبقه‌بندی مدل پیشنهادی به‌طور تقریبی از تمام مدل‌های درخت تصمیم‌گیری مقایسه شده در این تحقیق بیشتر است.

فلاح شمس و مهدوی راد (۱۳۹۱) به طراحی مدل اعتبارسنجی و پیش‌بینی ریسک اعتباری مشتریان تسهیلات لیزینگ ایران خودرو پرداختند. آن‌ها مشتریان حقیقی تسهیلات لیزینگ شرکت ایران خودرو را از سال ۱۳۸۱ تا ۱۳۸۴، با به کارگیری آزمون تفاضل میانگین و ضریب تعیین برای پنج متغیر خالص درآمد ماهیانه متقاضی، مدت تسهیلات، میزان تسهیلات، خالص درآمد ماهیانه ضامن و سابقه کار بررسی کردند و نشان دادند که کارایی مدل لاجیت $97/39$ درصد و مدل پروبیت $98/49$ درصد است.

مهرگان و همکاران (۱۳۹۵) اعتبارسنجی مشتریان حقیقی بانک‌های گوناگون را از طریق روش‌های داده‌کاوی K-Means و Kohonen بررسی کردند. آن‌ها با بررسی حدود ۱۰۰ مدل گوناگون، مشتریان بانک را براساس معیارهای مبلغ تسهیلات، مبلغ ضمانت، زمان بازپرداخت تسهیلات و متغیرهای جمعیت‌شناختی، به پنج خوشه با مرکز متفاوت با فاصله معنی‌دار تقسیم کردند. همچنین آن‌ها نشان دادند که در بین متغیرهای مورد بررسی متغیر مبلغ تسهیلات بیشترین تأثیر را دارد.

اسکندری و روحی (۱۳۹۶) به مدیریت ریسک مشتریان بانکی با استفاده از روش ماشین بردار تصمیم بهبود یافته با الگوریتم ژنتیک با رویکرد داده‌کاوی پرداختند. آن‌ها از آمارهای رسمی بانک مرکزی در مورد مطالبات عموق بانک‌ها استفاده نمودند و نشان دادند که الگوی پیشنهادی دقت بیشتری در مورد پیش‌بینی درصد وصول مطالبات قراردادهای با احتمال ریسک مطالباتی بالا قبل از اعطای تسهیلات نسبت به مدل‌های استانداردی نظریه رگرسیون لجستیک دارد. اقبالی و همکاران (۱۳۹۶) به ارزیابی مقایسه‌ای عملکرد توابع شایستگی گوناگون الگوریتم ژنتیک در رتبه‌بندی مشتریان پرداختند. آن‌ها نشان دادند که الگوریتم ژنتیک با انتخاب بهترین تابع شایستگی بهتر از روش‌های متعارفی مانند رگرسیون لجستیک و تحلیل پوششی داده‌ها است.

روش‌شناسی تحقیق

این تحقیق از نظر هدف، کاربردی و از نظر تجزیه و تحلیل اطلاعات، توصیفی است. بخشی از اطلاعات و داده‌های این تحقیق از طریق مطالعات کتابخانه‌ای جمع‌آوری شده که این مطالعات شامل بررسی مقالات، کتب، تحقیقات و تحلیل‌های انجام شده مرتبط با موضوع تحقیق است. هدف اصلی این تحقیق شناخت ویژگی‌های مهم رتبه‌بندی مشتریان حقیقی بانک سپه، با استفاده از مدل‌های رگرسیون پریویت و الگوریتم ژنتیک و همچنین ارائه یک روش مناسب برای اتخاذ تصمیمات تسهیلات‌دهی صحیح به مشتریان حقیقی بانک سپه از میان دو مدل بیان شده است. اهداف کاربردی شامل، شناسایی ویژگی‌های اعتباری مشتریان حقیقی بانک سپه و طبقه‌بندی بهینه مشتریان جدید براساس آن ویژگی‌ها برای ارائه خدمات بانکی، تصمیم‌گیری بانک در اعطای تسهیلات به کمک یک الگوی عملی، تصمیم‌گیری در مورد اعطای تسهیلات و خدمات اعتباری به مشتریان و کاهش ریسک ارائه خدمات و تسهیلات اعتباری است.

پرسش‌های اصلی تحقیق به شرح ذیل است:

- ۱- کدام‌یک از ویژگی‌های مشتریان حقیقی بانک سپه بیشترین تأثیر را بر احتمال نکول تسهیلات دارند؟
- ۲- کدام‌یک از مدل‌های رگرسیون پریویت و الگوریتم ژنتیک عملکرد بهتری در پیش‌بینی رتبه‌بندی اعتباری مشتریان حقیقی بانک سپه دارند؟

جامعه آماری در این تحقیق کلیه اشخاص حقیقی است که در سال ۱۳۹۵ از تسهیلات اعتباری بانک سپه استفاده کرده‌اند. در ابتدا تعداد تسهیلات نکول نشده (تسهیلات فاقد اقساط عموق) به کل تسهیلات در جامعه آماری (۳۲۱۹۲۵ فقره است) و همچنین نسبت تسهیلات نکول شده (تسهیلات

با حداقل ۳ قسط عموق) به کل تسهیلات در جامعه آماری مشخص شد. پس از تعیین این نسبت‌ها از بین جامعه آماری دو نمونه ۳۶۰۰ تایی و ۴۰۰ تایی به طور تصادفی انتخاب شد که نمونه ۳۶۰۰ تایی به منظور برآورد تأثیر متغیرها در مدل پروبیت و مدل الگوریتم ژنتیک و همچنین نمونه ۴۰۰ تایی به منظور راستی‌آزمایی دو مدل و مقایسه آن‌ها با هم درنظر گرفته شد.

نکته بسیار مهم این است که باید در زمان نمونه‌گیری تصادفی، در حجم نمونه نسبت تسهیلات معوق نشده (تسهیلات فاقد اقساط معوق) به کل تسهیلات در جامعه آماری (۲۲۱۹۲۵۰ فقره است) و همچنین نسبت تسهیلات معوق شده (تسهیلات با حداقل ۳ قسط عموق) به کل تسهیلات رعایت شود. در همین خصوص نیاز است که نمونه‌گیری از تسهیلات معوق نشده و تسهیلات معوق شده، به صورت جداگانه انجام شود. پس از بررسی جامعه آماری، تعداد تسهیلات معوق نشده ۲۶۳۸۳۵ فقره و تعداد تسهیلات معوق شده ۵۸۰۹۰ فقره است، یعنی تسهیلات معوق نشده ۰/۸۲ و تسهیلات معوق شده ۰/۱۸ است. بنابراین در حجم نمونه ۳۶۰۰ تایی باید تعداد ۲۹۵۲ فقره تسهیلات معوق نشده و تعداد ۶۴۸ فقره تسهیلات معوق شده وجود داشته باشد و همچنین در حجم نمونه ۴۰۰ تایی، تعداد ۳۲۸ فقره تسهیلات معوق نشده و تعداد ۷۲ فقره تسهیلات معوق شده وجود داشته باشد. نمونه‌گیری تصادفی با نسبت درست تسهیلات معوق نشده و تسهیلات معوق شده به جامعه آماری انجام و هر دو حجم نمونه برای اجرای مدل الگوریتم ژنتیک و رگرسیون پروبیت و همچنین راستی‌آزمایی هر دو مدل آماده شد.

مدل و متغیرهای تحقیق

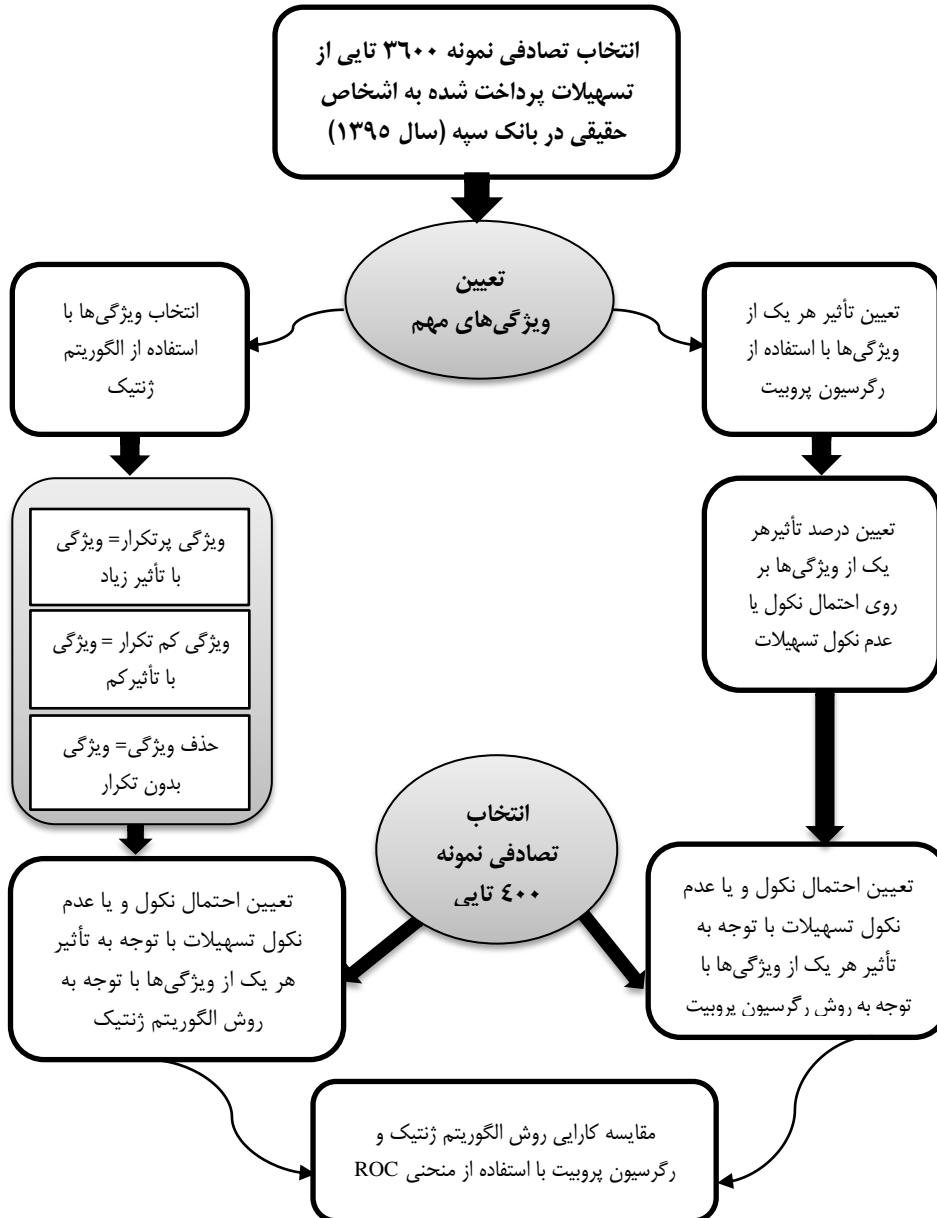
یکی از ویژگی‌ها و مزایای این تحقیق نسبت به سایر تحقیقات مشابه، وجود یک پایگاه داده با حجم بالا (تعداد مشتریان زیاد) و متغیرهای مستقل زیاد و مرتبط است. مرتبط بودن متغیرها از روی مرور ادبیات و مبانی نظری و پیشینه تحقیق استدلال می‌شود. روش کار تحقیق همان‌طور که در نمودار (۱) دیده می‌شود، هر دو روش الگوریتم ژنتیک و رگرسیون پروبیت است که به انتخاب ویژگی (متغیر) خواهند پرداخت و در نهایت، عملکردشان باهم مقایسه می‌شود. در ذیل متغیرهای مستقل و وابسته آورده شده‌اند.

متغیرهای مستقل: نوع قرارداد (قرض الحسن)، (مشارکت مدنی)، (مضاربه)، (سلف)، (فروش اقساطی مواد اولیه)، (فروش اقساطی ماشین‌آلات)، (فروش اقساطی مسکن)، (اجاره به شرط تمیلیک)، (جعاله)، (خرید دین)، (مرابحه)، رشته فعالیت (صنعت و معدن)، (کشاورزی)، (بازرگانی)، (مسکن و

ساختمان)، (خدمات)، مبلغ پرداختی، مبلغ بازگشتی، سود سهم مشتری، نرخ سود سهم مشتری، سود سهم دولت، نرخ سود سهم دولت، تعداد اقساط، مبلغ وثیقه، کد وثیقه (غیرمنقول)، (لازم الاجراء)، (چک)، (سفته)، (سپرده بانکی)، مبلغ پیش‌پرداخت، عادی، تکلیفی، روش تقسیط (پلکانی)، (عادی)، (تک قسطی)، (تنفسی)، (قرض الحسن)، (تاریجی)، (سایر)، نرخ جریمه، شهر مورد مصرف (کلان شهر)، شهر مورد مصرف (غیرکلان شهر)، جنسیت (مرد)، (زن)، شغل (صاحبان مشاغل آزاد کلان)، (صاحبان مشاغل آزاد خرد)، (کارمند خصوصی)، (کارمند دولتی)، (نیروهای مسلح)، (خانه‌دار)، (بازنشسته)، (سایر)، اصل مبلغ پرداختی تسهیلات تا ۹۶/۴/۳۰ مانده بدھی مشتری تا ۹۶/۴/۳۰، سن، وضعیت مسکن (ملکی)، (استیجاری)، (سایر)، درآمد، میانگین موجودی حساب سه ماه آخر.

متغیر وابسته: معوقات (در این تحقیق زمانی یک تسهیلات را معوق تلقی می‌کنیم که حداقل سه قسط پرداخت نشده داشته باشد).

نمودار ۱: مدل تحقیق تعیین احتمال بازپرداخت یا عدم بازپرداخت با توجه به تأثیر ویژگی‌ها در الگوریتم ژنتیک



پس از انتخاب متغیرهای تحقیق، با استفاده از مدل الگوریتم ژنتیک به تعیین ویژگی‌های تأثیرگذار از بین متغیرهای مستقل اقدام می‌شود، که در سه سطح بدون تأثیر، کم تأثیر و با تأثیر زیاد تقسیم می‌شود. این مرحله با استفاده از نمونه ۳۶۰۰ تایی انجام می‌شود. در مرحله بعد نوبت به اجرای مدل رگرسیون پروبیت برای تعیین درصد تأثیر هر یک از متغیرهای مستقل بر متغیر وابسته می‌رسد که به وسیله همان نمونه ۳۶۰۰ تایی انجام می‌شود. در پایان درصد تأثیر هر یک از متغیرهای مستقل بر متغیر وابسته مشخص می‌شود. در مرحله آخر به وسیله نمونه ۴۰۰ تایی و به کمک سطح زیر منحنی ROC، توانایی مدل الگوریتم ژنتیک در مقابل مدل رگرسیون پروبیت و راستی آزمایی آن‌ها بررسی می‌شود. شما کلی تحقیق و مراحل انجام آن، به ترتیب در نمودارهای (۱)، (۲) و (۳) آورده شده است.

الف- مدل الگوریتم ژنتیک: الگوریتم ژنتیک یک روش جستجوی کلی است که برای یافتن پاسخ‌های نزدیک به بهینه برای مسائل بهینه‌سازی غیرخطی به کار می‌رود. الگوریتم ژنتیک، الهامی از علم ژنتیک و نظریه تکامل داروین است و براساس بقای برترین‌ها یا انتخاب طبیعی استوار است. یک کاربرد متدالول الگوریتم ژنتیک، استفاده از آن به عنوان تابع بهینه‌کننده است. الگوریتم ژنتیک ابزاری سودمند در بازشناسی الگو، انتخاب ویژگی، درک تصویر و یادگیری ماشینی است. به عبارت دیگر، الگوریتم‌های ژنتیک، الگوریتم‌های جستجو با هدف کلی هستند که از اصولی که از جمعیت ژنتیک طبیعی الهام گرفته شده برای تولید راه حل‌هایی برای مسائل جستجوی پیچیده استفاده می‌کنند. در یک الگوریتم ژنتیک، جمعیتی از افراد طبق مطلوبیت آن‌ها در محیط بقا می‌یابند و افرادی با قابلیت‌های برتر، شansas ازدواج و تولید مثل بیشتری را خواهند یافت. بنابراین پس از چند نسل فرزندانی با کارایی بهتر به وجود می‌آیند. در الگوریتم ژنتیک هر فرد از جمعیت به صورت یک کروموزوم^۱ معرفی می‌شود. کروموزوم‌ها طی چندین نسل کامل‌تر می‌شوند. در هر نسل کروموزوم‌ها ارزیابی می‌شوند و متناسب با ارزش خود امکان بقا و تکثیر می‌یابند. تولید نسل در بحث الگوریتم ژنتیک با عملگرهای همبری^۲ و جهش^۳ صورت می‌گیرد. والدین بر اساس یک تابع برازنده‌گی انتخاب می‌شوند.

در هر مرحله از اجرای الگوریتم ژنتیک، یک دسته از نقاط فضای جستجو مورد پردازش‌های تصادفی قرار می‌گیرند. به این صورت که به هر نقطه دنباله‌ای از کاراکترها نسبت داده می‌شود و بر روی این دنباله‌ها عملگرهای ژنتیکی اعمال می‌شود. سپس دنباله‌های به دست آمده رمزگشایی می‌شود تا نقاط جدیدی در فضای جستجو به دست آید. در نهایت بر اساس این که تابع هدف در هر

¹ Chromosome

² Cross Over

³ Mutation

یک از نقاط چه مقدار باشد، احتمال شرکت نمودن آن‌ها در مرحله بعد تعیین می‌شود. الگوریتم‌های ژنتیک را می‌توان یک روش بهینه‌سازی تصادفی جهت‌دار دانست که به تدریج به سمت نقطه بهینه حرکت می‌کنند. در مورد ویژگی‌های الگوریتم ژنتیک در مقایسه با دیگر روش‌های بهینه‌سازی می‌توان گفت الگوریتمی است که بدون داشتن هیچ‌گونه اطلاعی از مسئله و هیچ‌گونه محدودیتی بر نوع متغیرهای آن، برای هر مسئله‌ای قابل اعمال است و کارایی اثبات شده‌ای در یافتن بهینه کلی^۱ دارد. توانایی این روش در حل مسائل پیچیده بهینه‌سازی است که روش‌های کلاسیک یا قابل اعمال نیستند و یا بهینه کلی قابل اطمینان نیست.

به طور کلی، الگوریتم‌های ژنتیک از اجزای زیر تشکیل می‌شوند:

۱- کروموزوم: در الگوریتم‌های ژنتیک، هر کروموزوم نشان‌دهنده یک نقطه در فضای جستجو و^۲ یک راه حل ممکن برای مسئله مورد نظر است. خود کروموزوم‌ها (راحل‌ها) از تعداد ثابتی ژن^۳ (متغیر) تشکیل می‌شوند. برای نمایش کروموزوم‌ها عموماً از کدگذاری‌های دودویی (رشته‌های بیتی) استفاده می‌شود.

۲- جمعیت^۴: مجموعه‌ای از کروموزوم‌ها یک جمعیت را تشکیل می‌دهند. با تأثیر عملگرهای ژنتیکی بر هر جمعیت، جمعیت جدیدی با همان تعداد کروموزوم تشکیل می‌شود.

۳- تابع برازنده‌گی^۵: به منظور حل هر مسئله با استفاده از الگوریتم‌های ژنتیکی، ابتدا باید یک تابع برازنده‌گی برای آن مسئله ابداع شود. برای هر کروموزوم، این تابع عددی غیرمنفی را بر می‌گرداند که نشان‌دهنده شایستگی یا توانایی فردی آن کروموزوم است.

۴- عملگرهای ژنتیکی: در الگوریتم‌های ژنتیک، در طی مرحله تولید مثل^۶ از عملگرهای ژنتیک استفاده می‌شود. با تأثیر این عملگرها بر روی یک جمعیت، نسل^۷ بعدی آن جمعیت تولید می‌شود. عملگرهای انتخاب^۸، آمیزش^۹ و جهش عموماً بیشترین کاربرد را در الگوریتم‌های ژنتیکی دارند.

¹ Global Optimum

² Gene

³ Population

⁴ Fitness Function

⁵ Reproduction

⁶ Generation

⁷ Selection

⁸ Crossover

عملگرهای ژنتیکی را می‌توان به صورت زیر شرح داد:

۱- عملگر انتخاب: این عملگر از بین کروموزوم‌های موجود در یک جمعیت، تعدادی کروموزوم را برای تولید مثل انتخاب می‌کند. کروموزوم‌های برازنده‌تر شناس بیشتری دارند تا برای تولید مثل انتخاب شوند.

۲- عملگر آمیزش: عملگر آمیزش بر روی یک زوج کروموزوم از نسل مولد عمل کرده و یک زوج کروموزوم جدید تولید می‌کند. عملگرهای آمیزش متعددی از قبیل، آمیزش تک نقطه‌ای^۱ و آمیزش دو نقطه‌ای وجود دارد. در آمیزش تک نقطه‌ای، یک موقعیت تصادفی بین دو ژن در نظر گرفته می‌شود. سپس تمامی ژن‌های طرف راست یا طرف چپ این موقعیت در کروموزوم‌های والد با یکدیگر جای‌جا می‌شوند. شایان ذکر است که آمیزش معمولاً بر روی همه زوج کروموزوم‌های انتخاب شده برای جفت‌گیری به کار برده نمی‌شود. معمولاً احتمال آمیزش برای هر زوج کروموزوم بین $0/0$ تا $0/95$ در نظر گرفته می‌شود که به این عدد نرخ آمیزش^۲ یا احتمال آمیزش آمیزش گفته می‌شود و با P_C نمایش داده می‌شود. در صورتی که روی یک زوج کروموزوم عمل آمیزش صورت نگیرد، فرزندان با تکرار نمودن والدین تولید می‌شوند.

۳- عملگر جهش: پس از اتمام عمل آمیزش، عملگر جهش روی کروموزوم‌ها اثر داده می‌شود. این عملگر یک ژن از یک کروموزوم را به طور تصادفی انتخاب می‌کند و سپس محتواهی آن ژن را تغییر می‌دهد. اگر ژن از جنس اعداد دودویی باشد، آن را به وارونش تبدیل می‌کند و چنانچه متعلق به یک مجموعه باشد، مقدار یا عنصر دیگری از آن مجموعه را به جای آن ژن قرار می‌دهد. در این تحقیق پس از انتخاب متغیرهای تأثیرگذار، با استفاده از مدل الگوریتم ژنتیک اقدام به تعیین ویژگی‌های تأثیرگذار از بین متغیرهای مستقل می‌شود که در سه سطح بدون تأثیر، کم تأثیر و با تأثیر زیاد تقسیم می‌شود. تابع بهینه شده با الگوریتم ژنتیک در این تحقیق، تابع اشتباه در ردبهندی^۳ است که توسط شاخص‌های معروفی نظیر ضریب چینی^۴ و یا آنتروپی^۵ تعریف می‌شود. این مرحله با

¹ One-point Crossover

² Crossover Rate

³ Misclassification

⁴ Gini

⁵ Entropy

با استفاده از نمونه ۳۶۰۰ تایی انجام می‌شود. مراحل انجام و چگونگی انتخاب ویژگی‌های تأثیرگذار با استفاده از الگوریتم ژنتیک در نمودار (۲) نشان داده شده است.

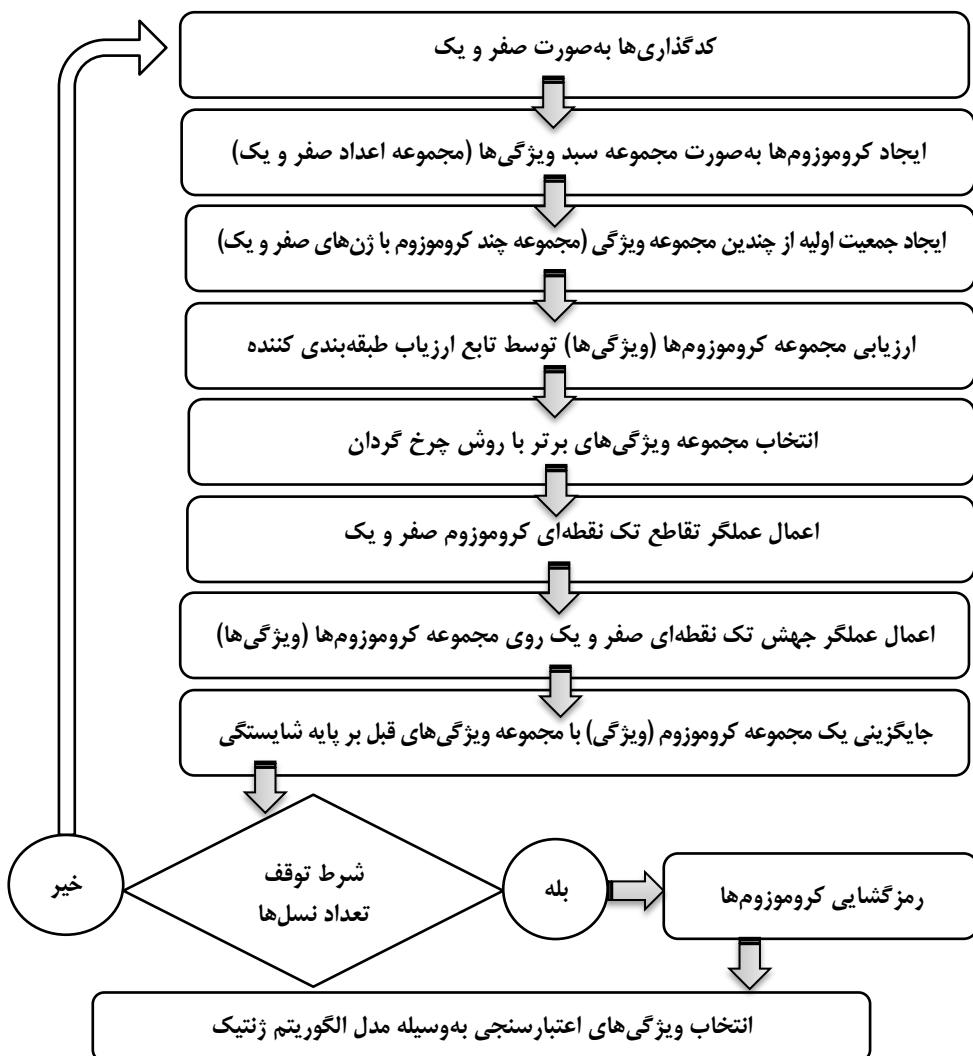
ب- مدل رگرسیون پروبیت: در مدل‌های آماری، تحلیل رگرسیون یک فرایند آماری برای تخمین روابط بین متغیرها است. این فرایند وقتی که تمرکز روی روابط بین متغیر وابسته و یک یا چند متغیر مستقل باشد، شامل روش‌های زیادی برای مدل‌سازی و تحلیل متغیرهای خاص و منحصر به‌فرد است. یکی از ویژگی‌های مورد نیاز هنگام اجرای مدل‌های رگرسیون، پیوسته بودن متغیر وابسته است. با وجود این، در برخی از موارد کاربردی برحسب نیاز، متغیرهای وابسته مورد نظر گسسته هستند. در ساده‌ترین حالت فرض کنیم که متغیر وابسته y_i ($i=1, 2, \dots, n$) دو مقدار {۱, ۰} را اخذ می‌کند و می‌خواهیم $P(y_i=1|x_i)=1-P(y_i=0|x_i)$ را محاسبه کنیم که بردار x_i مجموعه‌ای از متغیرهای تأثیرگذار در مسئله است. حال فرض کنیم متغیری مانند z_i وجود دارد که $z_i = \beta' x_i + \varepsilon_i$ و در آن علامت ' نشان‌دهنده ترانهاده یک بردار است و همچنین $y_i = \begin{cases} 1 & z_i \leq 0 \\ 0 & z_i > 0 \end{cases}$ می‌شود که ε_i ها مستقل و هم‌توزیع هستند و F_{ε_i} نیز تابع توزیع ε_i است. در این صورت،

$$P(y_i=1|x_i)=P(z_i \leq 0|x_i)=P(\varepsilon_i \leq \beta' x_i)=F_{\varepsilon_i}(\beta' x_i)$$

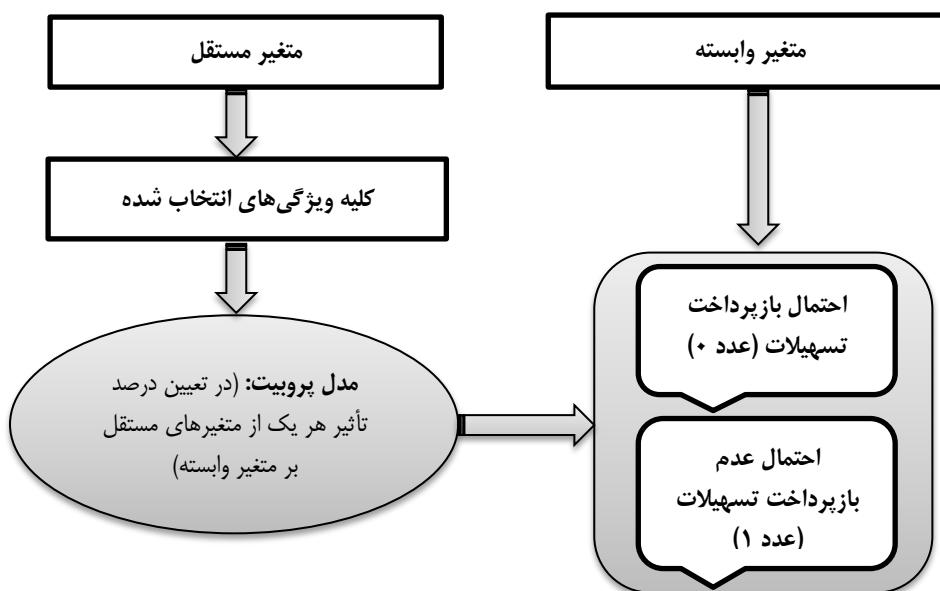
با فرض $(\beta' x_i)=F_{\varepsilon_i}^{-1}(p_i)$ مشاهده می‌شود که $p_i=F_{\varepsilon_i}(\beta' x_i)$. یک رهیافت متعارف در این حالت استفاده از رگرسیون‌های لاجیت و پروبیت است. در این دو حالت، بهترتبی ε_i ها را دارای توزیع لجستیک و نرمال استاندارد فرض می‌کنیم. در حالت توزیع لجستیک، $F_{\varepsilon_i}^{-1}(p_i)=\ln(\frac{p_i}{1-p_i})$ رگرسیون لجستیک تولید و در حالت توزیع نرمال، $F_{\varepsilon_i}^{-1}(p_i)=\Phi^{-1}(p_i)$ رگرسیون پروبیت ایجاد می‌شود. در حالتی که توزیع تجمعی پاسخ‌ها به شرط حضور متغیرهای توضیح‌گر از توزیع نرمال تعیت کند، پیشنهاد می‌شود به جای رگرسیون لاجیت از رگرسیون پروبیت استفاده شود و در صورتی که توزیع تجمعی داده‌های متغیر وابسته از توزیع نرمال تعیت نکند، اگر تعداد متغیرهای مستقل بسیار زیاد باشد تحلیل لاجیت ترجیح داده می‌شود. با این استدلال و اینکه تعداد متغیرهای به کار رفته در مقایسه با متغیرهای به کار رفته در مقالات لاتین مشابه متوسط به نظر می‌رسد، رگرسیون پروبیت ترجیح داده

شد. در نمودار (۳) جریان چگونگی تعیین مقدار تأثیر ویژگی‌ها بر متغیر وابسته با استفاده از مدل پروبیت به تفصیل بیان شده است.

نمودار ۲: نمودار جریان چگونگی انتخاب ویژگی‌ها توسط الگوریتم ژنتیک



نمودار ۳: نمودار جریان چگونگی تعیین مقدار تأثیر ویژگی‌ها بر متغیر وابسته با استفاده از مدل رگرسیون پروبیت



ج- منحنی ROC: منحنی مشخصه کارکرد گیرنده، یعنی منحنی ROC، یک نمودار گرافیکی است که توانایی تشخیص یک سیستم طبقه‌بندی دودویی را نشان می‌دهد. منحنی ROC نمودار پراکندگی حساسیت برای یک سیستم صفر و یک است و فضای زیر این منحنی برای ارزیابی دقت پیش‌بینی مدل‌های طبقه‌بندی به کار می‌رود. برای تشكیل نمودارهای ROC، به دو طبقه‌بندی واقعی و پیش‌بینی شده نیاز است. برای ترسیم نمودار ROC باید محورهای افقی و عمودی تعریف شوند. محور افقی، درصد مثبت کاذب^۱ (FP) و محور عمودی، درصد مثبت واقعی^۲ (TP) در نظر گرفته می‌شود. در واقع این منحنی با رسم TP در برابر FP به‌ازای برش‌های گوناگون ایجاد می‌شود. میزان TP نیز به عنوان حساسیت یا احتمال تشخیص در روش‌های یادگیری ماشین شناخته می‌شود. در واقع نسبت متغیرهای مثبتی که صحیح طبقه‌بندی شده‌اند به کل متغیرهای مثبت است. معیار TP نیز درصد مشاهدات منفی است که مثبت پیش‌بینی شده‌اند (همانند خطای نوع دوم در آزمون FP

¹ False Positive² True Positive

فرض). همچنین می‌توان از FP-۱ به عنوان یک توان تشخیص (توان آزمون در آزمون فرض) در مسائل تصمیم‌گیری استفاده کرد.

هر چه نقاط به سمت بالا و چپ نزدیک‌تر باشد مدل پیش‌بینی مناسب‌تر و به حالت ایده‌آل خود نزدیک‌تر است. مختصات نقطه‌ی (۰ و ۰) حالت ایده‌آل است. این نقطه نشان می‌دهد که آنچه مدل پیش‌بینی ارائه می‌دهد، اطباق کامل بر مدل واقعی دارد. نقطه مقابله آن دارای مختصات (۰ و ۰) است و به این معنی است که هر چه مدل پیش‌بینی ارائه داده است، عکس مدل واقعی است. در صورتی که مدل تصادفی عمل کند، نقاط در اطراف خط $Y=X$ قرار می‌گیرند.

جدول ۱: حالت‌های گوناگون در طبقه‌بندی داده‌ها در مدل‌های پیش‌بینی (ماتریس ارزیابی عملکرد)

Predicted Negative Class (منفی پیش‌بینی شده)	Predicted Positive Class (ثبت پیش‌بینی شده)	Actual Positive Class (ثبت واقعی)
FN (False Negative) منفی کاذب	TP (True positive) ثبت واقعی	
TN (True Negative) منفی واقعی	FP (False Positive) ثبت کاذب	Actual Negative Class (منفی واقعی)

جدول (۱) که همان ماتریس درهم‌ریختگی یا ماتریس ارزیابی عملکرد است، مفاهیم TP و FP را شرح می‌دهد. به عنوان مثال در بخش‌بندی مشتریان به خوش‌حساب (ثبت) و بدحساب (منفی) (نکول‌کننده و نکول‌نکننده تسهیلات)، TP نشان‌دهنده درصد افراد خوش‌حسابی است که در عمل هم توسط بانک خوش‌حساب در نظر گرفته شده‌اند و FP بیان‌گر درصد افراد بدحسابی است که توسط بانک خوش‌حساب تلقی شده‌اند. بقیه سلول‌های این ماتریس مشابه تعریف می‌شود. حال فرض کنیم بخواهیم منحنی ROC رگرسیون لجستیک را رسم کنیم، پس از برازش رگرسیون لجستیک و محاسبه احتمال نکول به‌ازای همه افراد، به ازای برش‌های گوناگون (آستانه‌های گوناگون برای احتمال نکول که اگر احتمال نکول فردی از آن آستانه (برش) بالاتر شد آن فرد را بدحساب (نکول‌کننده تسهیلات) تلقی کنیم)، مقادیر TP و FP را محاسبه و در مقابل هم رسم می‌کنیم و بدین ترتیب منحنی ROC رگرسیون لجستیک به‌دست می‌آید. برای الگوریتم ژنتیک هم با یافتن احتمال نکول به طریقی مشابه عمل می‌کنیم.

یافته‌های تحقیق و تجزیه و تحلیل آن‌ها

آمار توصیفی

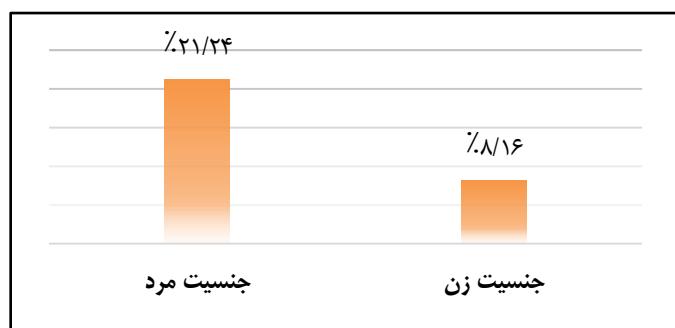
برای تشریح علت انتخاب تعدادی از متغیرهای این تحقیق در جدول (۲) درصد نکول تسهیلات در متغیر مورد نظر برای کل جامعه آورده شده که با توضیحات مختصری علت انتخاب متغیر مورد نظر بیان می‌شود. در همین خصوص شهرهای ایران به دو گروه کلان شهر و غیرکلان شهر تقسیم شد. تعداد تسهیلات پرداخت شده در کلان شهرها در سال ۱۳۹۵ برابر ۱۱۴۱۱۰ فقره که معادل $\frac{۳۵}{۴۴۴}$ درصد و تعداد تسهیلات پرداخت شده در غیرکلان شهرها در سال ۱۳۹۵ برابر ۲۰۷۸۳۱ فقره که معادل $\frac{۶۴}{۵۵۵}$ درصد است. آمار توصیفی مربوط به کلان شهرها و غیرکلان شهرها در جدول (۲) آورده شده است.

جدول ۲: آمار توصیفی در ارتباط با کلان شهرها و غیرکلان شهرها

درصد	تعداد تسهیلات نکول شده (معوق)	کل تعداد تسهیلات	شهر مورد نظر	شرح
%۱۶/۱۴۵	۱۸۴۲۲	۱۱۴۱۱۰	کلان شهرها	کل تسهیلات پرداختی در سال ۱۳۹۵
%۱۹/۰۱۳	۳۹۵۲۷	۲۰۷۸۳۱	غیرکلان شهرها	کل تسهیلات پرداختی در سال ۱۳۹۵
%۱۰/۵۶۱	۱۳۴۱	۱۲۶۹۸	کلان شهرها	کل تسهیلات پرداختی به مبلغ ۲۰۰ میلیون ریال در سال ۱۳۹۵
%۲۱/۳۴۲	۴۸۲۹	۲۲۶۲۵	غیرکلان شهرها	کل تسهیلات پرداختی به مبلغ ۲۰۰ میلیون ریال در سال ۱۳۹۵
%۱۶/۱۳۸	۴۵۶۱	۲۸۲۵۹	کلان شهرها	کل تسهیلات پرداختی به مبلغ ۱۰۰ میلیون ریال در سال ۱۳۹۵
%۱۳/۰۸۰	۶۲۶۰	۴۷۸۴۳	غیرکلان شهرها	کل تسهیلات پرداختی به مبلغ ۱۰۰ میلیون ریال در سال ۱۳۹۵
%۱۰/۰۰۰	۸۹	۸۹۴	کلان شهرها	کل تسهیلات پرداختی به مبلغ ۵۰ میلیون ریال در سال ۱۳۹۵
%۹/۸۷۹	۷۱۵	۷۲۴۴	غیرکلان شهرها	کل تسهیلات پرداختی به مبلغ ۵۰ میلیون ریال در سال ۱۳۹۵

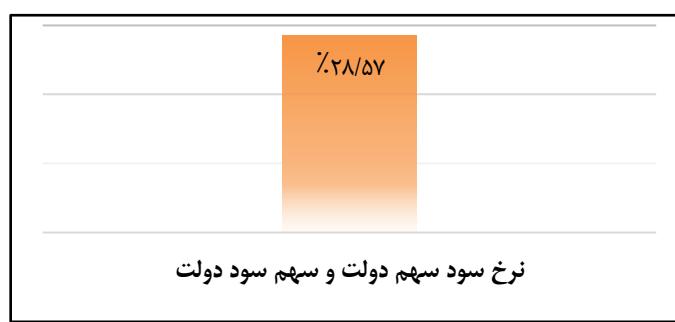
آمار توصیفی مربوط به متغیر نوع جنسیت (زن و مرد) و درصد نکول تسهیلات برای این دو متغیر در نمودار (۴) آورده شده است. تعداد تسهیلات پرداخت شده به جنسیت مرد در سال ۱۳۹۵ برابر ۲۷۹۶۸۱ فقره که معادل ۸۶/۸۷۴ درصد و تعداد تسهیلات پرداخت شده به جنسیت زن در سال ۱۳۹۵ برابر ۴۲۲۶۰ فقره که معادل ۱۳/۱۲۶ درصد است.

نمودار ۴: درصد نکول تسهیلات در جنسیت



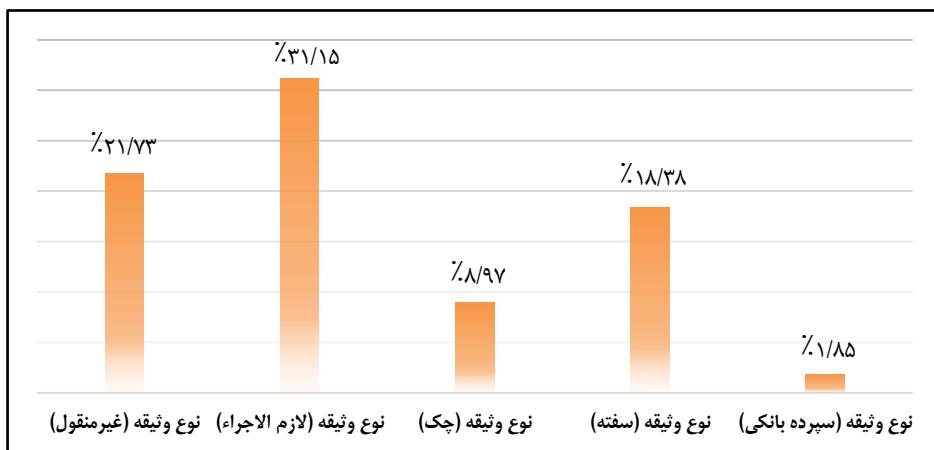
تعداد تسهیلات پرداخت شده که دارای نرخ سود سهم دولت و سهم سود دولت است، در سال ۱۳۹۵ برابر ۲۹۰۴۸ فقره که معادل ۹/۰۲۲ درصد است. آمار توصیفی مربوط به نرخ سود سهم دولت و سهم سود دولت در نمودار (۵) بیان شده است. اما نکته مهم مربوط به نرخ سود سهم دولت است، بدین صورت که هرچه این نرخ بیشتر باشد، درصد نکول تسهیلات کمتر است و هر چه این نرخ کمتر باشد، درصد نکول تسهیلات بیشتر می‌شود.

نمودار ۵: درصد نکول تسهیلات در نرخ سود سهم دولت و سهم سود دولت



همچنین آمار توصیفی مربوط به متغیر نوع وثایق که ۵ فقره است در نمودار (۶) آورده شده است. تعداد تسهیلات پرداخت شده به نوع وثیقه (غیرمنقول) در سال ۱۳۹۵ برابر ۸۷۸۱۴ فقره که معادل ۲۷/۲۷۶ درصد، تعداد تسهیلات پرداخت شده به نوع وثیقه (لازم الاجراء) در سال ۱۳۹۵ برابر ۱۳۰۷۱۲ فقره است که معادل ۴۰/۶۰۱ درصد، تعداد تسهیلات پرداخت شده به نوع وثیقه (چک) در سال ۱۳۹۵ برابر ۴۰۱۰۲ فقره که معادل ۱۲/۴۵۶ درصد، تعداد تسهیلات پرداخت شده به نوع وثیقه (سفته) در سال ۱۳۹۵ برابر ۱۴۳۹۱ فقره که معادل ۴/۴۷۰ درصد و تعداد تسهیلات پرداخت شده به نوع وثیقه (سپرده بانکی) در سال ۱۳۹۵ برابر ۴۸۹۲۲ فقره می‌باشد که معادل ۱۵/۱۹۵ درصد است.

نمودار ۶: درصد نکول تسهیلات در وثایق مختلف



مدل الگوریتم ژنتیک

پارامترهای الگوریتم ژنتیک در این تحقیق در جدول (۳) ارائه شده است.

جدول ۳: پارامترهای الگوریتم ژنتیک

پارامتر	مقدار
تعداد نسل و جمعیت اولیه	۶۰
تابع ارزیاب	۵.۴ C
نرخ تقاطع	۰/۹
نرخ جهش	۰/۰۱
عدد تصادفی	۱

برای تشریح این پارامترها، می‌توان گفت که تعداد نسل اولیه تعداد ویژگی‌هایی است که می‌خواهیم از بین آن‌ها انتخاب کنیم.تابع ارزیاب تابعی است که در هر مرحله از تکامل، ژن‌های قوی و ضعیف را از هم جدا می‌کند که در اینجا الگوریتم مبتنی بر درخت تصمیم ۵۵.۴ از مبحث داده کاوی انتخاب می‌شود. تقاطع برای جابه‌جایی ژن‌ها بین کروموزوم‌ها در استخر جفت‌گیری استفاده می‌شود. هدف این فرایند جایگزینی ژن‌های ضعیفتر کروموزوم‌ها با قوی‌ترهای سایر کروموزوم‌هاست تا روی جواب انتخاب شده تعییراتی را اعمال کند و آن را به‌سوی بهینگی سوق دهد. نرخ تقاطع نسبت تعداد نوزادان تولید شده در هر نسل به اندازه جمعیت اصلی تعريف می‌شود. این نرخ، تعداد مورد انتظار کروموزوم‌هایی را که توسط عملگر تقاطع دچار تعییر می‌شوند، تعیین می‌کند. نرخ جهش برای عدم گیرافتادن در جواب‌های بهینه و محلی و هدایت درست به‌سوی بهترین جواب با حداکثر پوشش فضای جواب است. در واقع نرخ جهش عبارت است از درصدی از کل تعداد ژن‌های موجود که دچار تعییر می‌شوند. اگر نرخ جهش خیلی کوچک باشد، تعداد زیادی از ژن‌ها که می‌توانستند مفید باشند تست نمی‌شوند. اما اگر نرخ جهش خیلی بزرگ باشد، اختلالی تصادفی به وجود آمده و نوزادان و والدین شباختشان را از دست خواهند داد. در روش چرخ گردان که اساسی‌ترین روش برای تعیین احتمال بقا برای هر کروموزوم است، در هر مرحله یک یا چند عدد تصادفی برای اجرای الگوریتم انتخاب می‌شود. پارامتر عدد تصادفی تعیین می‌کند که در هر مرحله از تکامل الگوریتم چند عدد تصادفی بایستی انتخاب شود. با استفاده از روش انتخاب ویژگی‌ها مبتنی بر الگوریتم ژنتیک، تعداد ۲۴ ویژگی از بین ۶۰ ویژگی مورد استفاده در رتبه‌بندی اعتباری مشتریان حذف شد. همچنین تعداد ۲۰ ویژگی از بین ۶۰ ویژگی مورد استفاده مهم در نظر گرفته شده‌اند و در پایان مراحل الگوریتم ژنتیک باقی ماندند. ضمناً باقی ویژگی‌ها که ۱۶ فقره هستند جزو متغیرهای کم تکرار در مدل الگوریتم ژنتیک تشخیص داده شدند. این ویژگی‌ها در جدول (۴) آورده شده است.

جدول ۴: ترکیب ویژگی‌ها تأثیرگذار با استفاده از مدل الگوریتم ژنتیک

ویژگی‌های حذف شده (بدون تکرار)	ویژگی‌های کم تکرار	ویژگی‌های باقی‌مانده (پر تکرار)
نوع قرارداد (سلف)	نوع قرارداد (مشارکت مدنی)	نوع قرارداد (قرض الحسن)
نوع قرارداد (فروش اقساطی مسکن)	نوع قرارداد (فروش اقساطی مواد اولیه)	نوع قرارداد (مضاربه)
نوع قرارداد (اجاره به شرط تمیلیک)	نوع قرارداد (جuale)	نوع قرارداد (فروش اقساطی ماشین آلات)
نوع قرارداد (خرید دین)	رشته فعالیت (صنعت و معدن)	نوع قرارداد (مراابحه)
رشته فعالیت (کشاورزی)	تعداد اقساط	رشته فعالیت (خدمات)
رشته فعالیت (بازرگانی)	کد وثیقه (غیر منقول)	مبلغ پرداختی
رشته فعالیت (مسکن و ساختمان)	روش تقسیط (عادی)	مبلغ بازگشتی
سود سهم دولت	جنسيت (مرد)	سود سهم مشتری
نرخ سود سهم دولت	جنسيت (زن)	نرخ سود سهم مشتری
کد وثیقه (چک)	شغل (صاحبان مشاغل آزاد خرد)	کد وثیقه (لازم الاجراء)
کد وثیقه (سفته)	شغل (کارمند خصوصی)	کد وثیقه (اسپرده بانکی)
مبلغ پیش‌پرداخت	شغل (نیروهای مسلح)	مبلغ وثیقه
عادی یا تکلیفی (عادی)	سن	نرخ جریمه
عادی یا تکلیفی (سایر)	وضعیت مسکن (سایر)	شهر مورد مصرف (کلان شهر)
روش تقسیط (بلکانی)	اصل مبلغ پرداختی تسهیلات	شهر مورد مصرف (غیر کلان شهر)
روش تقسیط (تک قسطی)	مانده بدھی مشتری	شغل (صاحبان مشاغل آزاد کلان)
روش تقسیط (تنفسی)		شغل (کارمند دولتی)
روش تقسیط (قرض الحسن)		درآمد
روش تقسیط (تدريجي)		ميانگين موجودي سه ماه آخر
روش تقسیط (ساير)		وضعیت مسکن (ملکی)
شغل (خانه دار)		
شغل (بازنثسته)		
شغل (ساير)		
وضعیت مسکن (استیجاری)		

در جدول (۴) پس از اجرای مدل الگوریتم ژنتیک مشخص شد که کدام یک از ویژگی‌ها تأثیر بیشتری بر احتمال نکول تسهیلات دارد، کدام متغیر تاثیر کمتری دارد و کدام یک از متغیرها تاثیری بر احتمال نکول تسهیلات ندارد. در واقع، در الگوریتم ژنتیک برخی از ژن‌ها (ویژگی‌ها) غالباً هستند (پر تکرارند) و برخی دیگر مغلوب که این نتایج در جدول (۴) آمده است. در این مرحله و پس از تعیین ویژگی‌ها اقدام به طراحی مدل اعتبارسنجی با استفاده از الگوریتم ژنتیک در نمونه ۳۶۰۰ تایی می‌کنیم. مدل طراحی شده با استفاده از الگوریتم ژنتیک در نرم‌افزار متلب قادر است به وسیله داده‌های همان ۶۰ ویژگی، پیش‌بینی کند که شخص حقیقی پس از دریافت تسهیلات، آیا این تسهیلات را نکول می‌نماید یا خیر؟

برای آزمون و راستی آزمایی مدل طراحی شده با استفاده از الگوریتم ژنتیک، مدل فوق را با نمونه ۴۰۰ تایی راستی آزمایی کرده و نتایج ذیل حاصل شد.

- از بین ۳۲۸ فقره تسهیلاتی که معموق نشده بودند، تعداد ۳۱۶ فقره را صحیح تشخیص داد. این قسمت در ماتریس درهم ریختگی همان قسمت TP یعنی بخش مثبت واقعی است.
 - از بین ۳۲۸ فقره تسهیلاتی که معموق نشده بودند، تعداد ۱۲ فقره را صحیح تشخیص نداد. این قسمت در ماتریس درهم ریختگی همان قسمت FP یعنی بخش مثبت کاذب است.
 - از بین ۷۲ فقره تسهیلاتی که معموق شده بودند، تعداد ۵۱ فقره را صحیح تشخیص داد. این قسمت در ماتریس درهم ریختگی همان قسمت TN یعنی بخش منفی واقعی است.
 - از بین ۷۲ فقره تسهیلاتی که معموق شده بودند، تعداد ۲۱ فقره را صحیح تشخیص نداد. این قسمت در ماتریس درهم ریختگی همان قسمت FN یعنی بخش منفی کاذب است.
- نکته قابل توجه در این قسمت روش تشخیص احتمال نکول و احتمال عدم نکول تسهیلات در نمونه ۴۰۰ تایی به روش الگوریتم ژنتیک است. روش تشخیص احتمال نکول یا عدم نکول تسهیلات به این صورت است که در روش الگوریتم ژنتیک، متغیر وابسته که همان احتمال نکول و عدم نکول تسهیلات است را در بازه صفر تا یک در نظر می‌گیریم. این عدد بیان‌کننده احتمال نکول و عدم نکول تسهیلات است، بدین ترتیب که اگر این عدد از $5/0$ کوچک‌تر باشد، بیان‌کننده وجود احتمال نکول تسهیلات است. همچنانی اگر این عدد از $5/0$ بزرگ‌تر باشد، احتمال عدم نکول تسهیلات را بیان می‌کند. اگر مقدار متغیر وابسته در مدل الگوریتم ژنتیک برابر با $5/0$ باشد، در این حالت احتمال نکول تسهیلات و احتمال عدم نکول تسهیلات در این قرارداد تسهیلات با هم برابر است. ضمناً بیان این نکته بسیار ضروری است که هر چه این مقدار از عدد $5/0$ فاصله گرفته و به عدد صفر نزدیک

شود، احتمال نکول تسهیلات بیشتر و بیشتر می‌شود و بالعکس. به طور مثال اگر مقدار متغیر وابسته برای دو فقره از تسهیلات برابر با $0/4$ و $0/1$ شود، بیان‌کننده این مطلب است که تسهیلاتی که مقدار عددی متغیر وابسته آن برابر با $0/1$ شود، از تسهیلاتی که مقدار عددی متغیر وابسته آن برابر با $0/4$ شود، احتمال نکول بسیار بیشتری دارد و همچنین تسهیلاتی که مقدار عددی متغیر وابسته آن $0/1$ شود، از تسهیلاتی که مقدار عددی متغیر وابسته آن برابر با $0/4$ شود، برای بانک ریسک اعتباری بسیار بالاتری دارد.

پس از انجام راستی‌آزمایی با استفاده از نمونه ۴۰۰ تایی بهوسیله مدل طراحی‌شده در الگوریتم ژنتیک، برای امکان مقایسه با نتایج حاصل از مدل رگرسیون پروبیت، نتایج بهدست آمده با استفاده از مدل ROC در نرم‌افزار متلب اجرا و ماتریس درهم ریختگی و نمودار ROC حاصل بهشرح جدول (۵) بهدست آمد.

جدول ۵: ماتریس درهم‌ریختگی مربوط به مدل الگوریتم ژنتیک

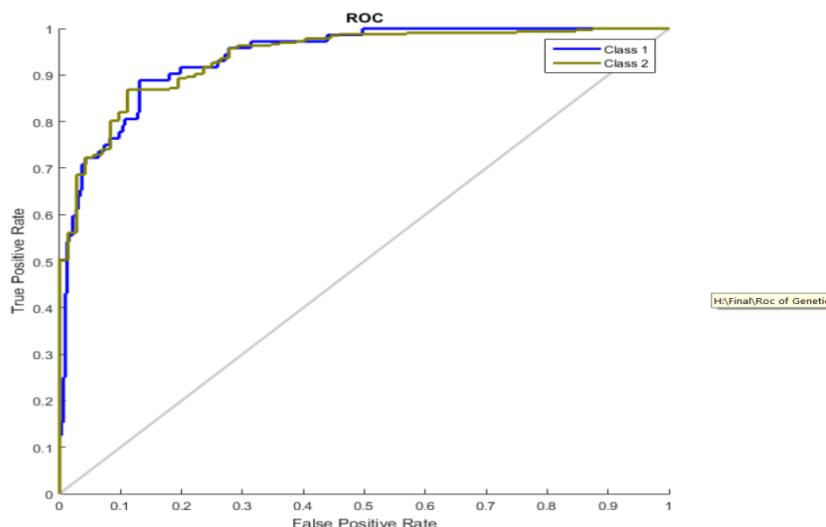
Class ^۱	۵۱ ٪۱۲/۸	۱۲ ٪۳	٪۸۱ ٪۱۹
Class ^۲	۲۱ ٪۵/۳	۳۱۶ ٪۷۹	٪۹۳/۸ ٪۶/۲
	٪۷۰/۸ ٪۲۹/۲	٪۹۶/۳ ٪۳/۷	٪۹۱/۸ ٪۸/۳
Class ^۱	Class ^۲		

جدول (۵) نشان می‌دهد که (ماتریس درهم ریختگی) در دو کلاس طبقه‌بندی شده است. کلاس ۱ نشان‌دهنده تسهیلات معوق شده در نمونه ۴۰۰ تایی است که تعداد این تسهیلات ۷۲ فقره است. از بین این ۷۲ فقره تسهیلات معوق شده، تعداد ۵۱ فقره را صحیح (TN) (منفی واقعی) و تعداد ۲۱ فقره را اشتباه (FN) (منفی کاذب) پیش‌بینی کرده است. به بیان دیگر در کلاس ۱ مدل طراحی شده توانسته است ٪۷۰/۸ صحیح و ٪۲۹/۲ اشتباه پیش‌بینی کند. در این ماتریس، کلاس ۲ نشان‌دهنده تسهیلات معوق نشده در نمونه ۴۰۰ تایی است که تعداد این تسهیلات ۳۲۸ فقره است. از بین این ۳۲۸ فقره تسهیلات معوق نشده، تعداد ۳۱۶ فقره را صحیح (TP) (ثبت واقعی) و تعداد ۱۲ فقره را اشتباه (FP)

(مثبت کاذب) پیش‌بینی کرده است. به بیان دیگر در کلاس ۲ مدل طراحی شده توانسته است ۷۹٪ صحیح و ۲۱٪ اشتباه پیش‌بینی کند. ضمناً مشاهده می‌شود که هرچه منحنی به سمت بالا و چپ کشیدگی داشته باشد، مدل بیشتر توانایی پیش‌بینی داشته است، یعنی مدل طراحی شده به وسیله الگوریتم ژنتیک در نمونه ۴۰۰ تایی توانسته است که در مجموع ۸۱٪ صحیح و ۸٪ اشتباه پیش‌بینی کند.

نکته نهایی در این مرحله مساحت زیر منحنی ROC (نمودار (۷)) است که در روش الگوریتم ژنتیک در کلاس ۱ مساحت زیر منحنی ROC برابر ۹۳٪ و در کلاس ۲ مساحت زیر منحنی ROC برابر ۹۱٪ است. یکی از روش‌های تشخیص توانایی یک مدل، مساحت سطح زیر منحنی ROC است که هر چه این سطح بزرگ‌تر باشد، نشان می‌دهد که مدل توانایی بهتری در پیش‌بینی دارد.

نمودار ۷: منحنی ROC مربوط به مدل الگوریتم ژنتیک



مدل رگرسیون پروبیت

در این مرحله با رگرسیون پروبیت و نمونه ۳۶۰۰ تایی در نرم‌افزار EViews اقدام به طراحی مدل اعتبارسنجی می‌نماییم و همچنین تعیین می‌کنیم که وزن هر یک از این ۶۰ فقره ویژگی در نکول شدن و نکول نشدن تسهیلات به اشخاص حقیقی در بانک سپه چه مقدار است. قبل از اجرای

مدل رگرسیون پروبیت نیاز است که متغیرهای کیفی و متغیرهای کمی را جداگانه آماده کنیم. در ابتدا کلیه متغیرهای کمی همانند مدل الگوریتم ژنتیک به شرح جدول (۶) نام‌گذاری و آماده می‌شوند.

جدول ۶: متغیرهای کمی تحقیق برای اجرای مدل رگرسیون پروبیت

متغیر	شرح ویژگی
۱X	مبلغ پرداختی
۲X	مبلغ بازگشتی
۳X	سود سهم مشتری
۴X	سود سهم دولت
۵X	نرخ سود سهم مشتری
۶X	نرخ سود سهم دولت
۷X	تعداد اقساط
۸X	مبلغ وثیقه
۹X	مبلغ پیش‌پرداخت
۱۰X	نرخ جریمه
۱۱X	اصل مبلغ پرداختی تسهیلات توسط مشتری
۱۲X	مانده بدھی مشتری
۱۳X	سن
۱۴X	درآمد
۱۵X	میانگین موجودی حساب سه ماه آخر

سپس نوبت به متغیرهای کیفی می‌رسد. در این دسته از متغیرها با n سطح متمایز، برای اجرای رگرسیون‌ها و برای جلوگیری از هم خطی، باید به تعداد $(n-1)$ متغیر مجازی بهازای هر سطح متغیر کیفی به جز یکی از سطوح ایجاد شود. به عنوان مثال، متغیر کیفی وضعیت مسکن که دارای ۳ سطح مجزا است در این بخش به دو متغیر مجازی $36R$ و $37R$ تقسیم می‌شود و متغیر $38R$ که مربوط به سطح سوم وضعیت مسکن است برای جلوگیری از هم خطی در این قسمت حذف می‌شود. شرح کامل متغیرهای اسمی در جدول (۷) آورده شده است.

جدول ۷: متغیرهای مجازی تحقیق برای اجرای مدل رگرسیون پروبیت

نام کامل ویژگی	متغیر	نوع ویژگی
نوع قرارداد	۱R	نوع قرارداد (قرض الحسن)
نوع قرارداد	۲R	نوع قرارداد (مشارکت مدنی)
نوع قرارداد	۳R	نوع قرارداد (مضاربه)
نوع قرارداد	۴R	نوع قرارداد (فروش اقساطی مواد اولیه)
نوع قرارداد	۵R	نوع قرارداد (فروش اقساطی ماشین آلات)
نوع قرارداد	۶R	نوع قرارداد (فروش اقساطی مسکن)
نوع قرارداد	۷R	نوع قرارداد (اجاره به شرط تمیلک)
نوع قرارداد	۸R	نوع قرارداد (جهاله)
نوع قرارداد	۹R	نوع قرارداد (خرید دین)
رشته فعالیت	۱۱R	رشته فعالیت (صنعت و معدن)
رشته فعالیت	۱۲R	رشته فعالیت (کشاورزی)
رشته فعالیت	۱۴R	رشته فعالیت (مسکن و ساختمان)
رشته فعالیت	۱۵R	رشته فعالیت (خدمات)
عادی یا تکلیفی	۱۶R	عادی یا تکلیفی (عادی)
روش تقسیط	۱۸R	روش تقسیط (عادی)
روش تقسیط	۱۹R	روش تقسیط (تک قسطی)
روش تقسیط	۲۰R	روش تقسیط (تفصیلی)
روش تقسیط	۲۱R	روش تقسیط (قرض الحسن)
روش تقسیط	۲۲R	روش تقسیط (تاریخی)
کد شهر مورد مصرف	۲۴R	شهر مورد مصرف (کلان شهر)
جنسیت	۲۶R	جنسیت (مرد)
شغل	۲۸R	شغل (صاحبان مشاغل آزاد کلان)
شغل	۲۹R	شغل (صاحبان مشاغل آزاد خرد)
شغل	۳۰R	شغل (کارمند خصوصی)
شغل	۳۱R	شغل (کارمند دولتی)
شغل	۳۲R	شغل (بیرونی‌های مسلح)
شغل	۳۳R	شغل (خانه‌دار)
شغل	۳۴R	شغل (بازنشسته)
وضعیت مسکن	۳۶R	وضعیت مسکن (ملکی)
وضعیت مسکن	۳۷R	وضعیت مسکن (استیجاری)
نوع وثیقه	۳۹R	کد وثیقه (غیر منقول)
نوع وثیقه	۴۰R	کد وثیقه (لازم الاجراء)
نوع وثیقه	۴۱R	کد وثیقه (چک)
نوع وثیقه	۴۲R	کد وثیقه (سفره)

جدول ۸: متغیرهای مجازی حذف شده در مدل پروبیت

نام کامل ویژگی حذف شده	متغیر	نوع ویژگی
نوع قرارداد (مراحله)	۱۰R	نوع قرارداد
رشته فعالیت (بازرگانی)	۱۳R	رشته فعالیت
عادی یا تکلیفی	۱۷R	عادی یا تکلیفی (تکلیفی)
روش تقسیط (سایر)	۲۳R	روش تقسیط
شهر مورد مصرف (غیرکلان شهر)	۲۵R	کد شهر مورد مصرف
جنسیت (زن)	۲۷R	جنسیت
شغل (سایر)	۳۵R	شغل
وضعیت مسکن (سایر)	۳۸R	وضعیت مسکن
کد وثیقه (سپرده بانکی)	۴۳R	نوع وثیقه

پس از آماده سازی متغیرها نوبت به اجرای مدل رگرسیون پروبیت با استفاده از نمونه ۳۶۰۰ تایی در نرم افزار EViews است که نتایج اجرای مدل به شرح جدول (۹) است.

جدول ۹: نتایج حاصل از مدل رگرسیون پروبیت

مقدار احتمال	Z	انحراف استاندارد	ضریب	متغیر
.۰۰۰۰	-۱۸/۱۴۶۴۶	.۰/۰۵۷۷۱۶	-۱/۰۴۷۳۳۸	R1
.۰۰۰۰	-۱۷/۸۴۰۵۳	.۰/۰۸۵۰۲۹	-۱/۰۵۱۶۹۵۷	R2
.۰۰۰۰	-۹/۹۷۳۰۶۵	.۰/۱۰۵۰۰۸۱	-۱/۰۵۴۶۳۳۵	R3
.۰۰۰۰	-۵/۱۰۹۷۸	.۰/۱۸۵۲۸۸	-۰/۹۴۶۷۸۲	R4
.۰۰۰۰	-۵/۹۶۲۰۰۸	.۰/۱۰۳۸۶۷	-۰/۶۱۹۳۰۷	R5
.۰۰۰۰۳	-۳/۶۳۰۸۰۶	.۰/۱۹۴۵۳	-۰/۷۰۶۳۰۳	R6
.۰۴۱۶۴	-۰/۸۱۲۷۶۴	.۰/۰۵۲۹۹۵۴	-۰/۰۴۳۰۷۲۷	R7
.۰۰۲۲۴	-۲/۲۸۳۰۷۹	.۰/۱۷۴۱۶	-۰/۰۳۹۷۶۲۲	R8
.۰۰۶۸۹	-۱/۸۱۹۰۷۴	.۰/۰۵۸۶۸۷۶	-۱/۰۶۷۵۷۱	R9
.۰۰۰۸۱	-۲/۶۴۹۷۳۶	.۰/۱۱۱۸۹۵	-۰/۰۲۹۶۴۹۳	R11
.۰۰۰۰۰	-۵/۲۸۵۵۴۲	.۰/۰۹۸۵۸	-۰/۰۵۲۱۰۴۷	R12
.۰۰۰۰۱	-۴/۰۱۲۱۲	.۰/۱۳۲۶۲۳۳	-۰/۰۵۳۲۱۳۸	R14
.۰۷۹۴۰	-۰/۲۶۱۱۳۲	.۰/۰۵۷۱۱۷	-۰/۰۱۴۹۱۵	R15
.۰۷۱۴۷	.۰/۳۶۵۶۱۷	.۰/۲۲۷۸۴۱	.۰/۰۸۳۳۰۳	R18
.۰۰۰۲۶	-۳/۰۱۳۸۹۸	.۰/۲۳۹۶۵۹	-۰/۰۷۲۲۳۰۷	R19
.۰۳۷۷۶	-۰/۸۸۲۳۵۱	.۰/۲۳۳۱۴۶	-۰/۰۲۰۵۷۱۷	R21

ادامه جدول ۹: نتایج حاصل از مدل رگرسیون پروبیت

متغير	ضريب	انحراف استاندارد	Z	مقدار احتمال
R22	+/-275672	+/-550796	+/-0.498	.9167
R28	-1/134487	+/-285016	-3/973112	.0001
R29	-1/153286	+/-15325	-7/525054	.0000
R30	-0/+600563	+/-148928	-4/+32564	.0001
R31	-0/-782579	+/-153257	-5/+106971	.0000
R32	-1/182444	+/-208126	-5/681391	.0000
R33	-1/381865	+/-238414	-5/796077	.0000
R34	-1/7727248	+/-344949	-5/+0.7256	.0000
R39	1/6450505	+/-366+13	4/496008	.0000
R40	1/654999	+/-348243	4/752427	.0000
R41	2/612355	+/-3796+1	5/881864	.0000
R42	1/519774	+/-39967	3/8+2572	.0001
C	3/121199	+/-566893	5/5+5796	.0000
R16	+/-2565052	+/-24+0	+/-753457	.4512
R24	-0/1328+8	+/-977504	-1/358593	.1743
R36	-0/1816187	+/-145335	-5/615899	.0000
R37	+/-486816	+/-145971	3/335+14	.0009
X1	-6/88E-09	5/78E-09	-1/+1726	.0390
X2	1/35E-08	7/64E-09	1/781664	.0781
X3	2/4E-09	7/43E-09	+/-2225+09	.07471
X4	-2/84E-09	1/29E-09	-2/212877	.0269
X5	-0/+8558	+/-0.4+911	-2/+0.91859	.0365
X6	-0/+61303	+/-0.35628	-1/72+628	.01853
X7	+/-0.17655	+/-0.4262	4/141995	.0000
X8	-2/65E-10	4/38E-10	-0/+851	.05428
X9	6/58E-09	3/59E-09	1/8293	.0674
X10	+/-0.91598	+/-0.42271	2/166898	.0302
X11	-8/18E-09	2/23E-09	-3/668713	.0002
X12	-1/+AE-08	1/38E-09	-7/8+216	.0000
X13	-0/+75996	+/-0.05873	-12/74+62	.0000
X14	-5/84E-08	4/28E-09	-13/7+611	.0000
X15	-7/28E-09	9/95E-10	-7/295227	.0000

پس از تعیین وزن هر یک از ویژگی‌ها در احتمال نکول و عدم نکول تسهیلات بهوسیله رگرسیون پروبیت به کمک نمونه ۳۶۰۰ تایی، مدل اعتبارسنجی آماده شد. در این مرحله مدل اعتبارسنجی آماده شده بهوسیله منحنی ROC و به کمک نمونه ۴۰۰ تایی مورد راستی‌آزمایی قرار می‌گیرد. برای انجام راستی‌آزمایی مدل اعتبارسنجی آماده شده بهوسیله رگرسیون پروبیت، نیاز است که نمونه ۴۰۰ تایی را در مدل طراحی شده اجرا کرد. با اجرای اعتبارسنجی در نمونه نتایج زیر بدست آمد:

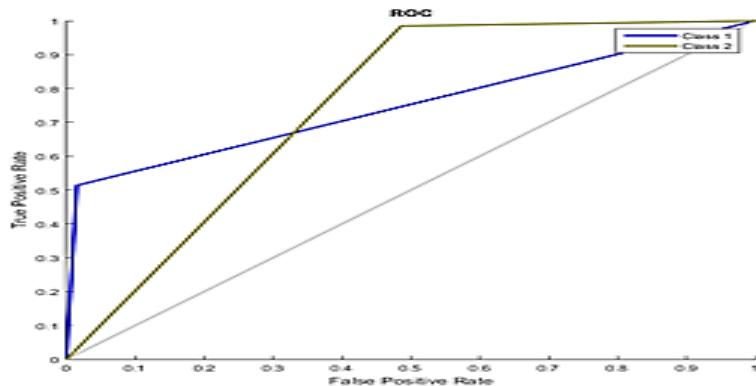
- از بین ۳۲۸ فقره تسهیلاتی که معوق نشده بودند، تعداد ۳۲۳ فقره را صحیح تشخیص داد. این قسمت در ماتریس درهم‌ریختگی همان قسمت TP یعنی بخش مثبت واقعی است.
- از بین ۳۲۸ فقره تسهیلاتی که معوق نشده بودند، تعداد ۵ فقره را صحیح تشخیص نداد. این قسمت در ماتریس درهم‌ریختگی همان قسمت FP یعنی بخش مثبت کاذب است.
- از بین ۷۲ فقره تسهیلاتی که معوق شده بودند، تعداد ۳۷ فقره را صحیح تشخیص داد. این قسمت در ماتریس درهم‌ریختگی همان قسمت TN یعنی بخش منفی واقعی است.
- از بین ۷۲ فقره تسهیلاتی که معوق شده بودند، تعداد ۳۵ فقره را صحیح تشخیص نداد. این قسمت در ماتریس درهم‌ریختگی همان قسمت FN یعنی بخش منفی کاذب است.

در این بخش روش تشخیص احتمال نکول یا عدم نکول تسهیلات در مدل رگرسیون پروبیت در نمونه ۴۰۰ تایی، همانند تشخیص در مدل الگوریتم ژنتیک است. پس از انجام راستی‌آزمایی بهوسیله مدل طراحی شده در رگرسیون پروبیت، برای امکان مقایسه این نتایج با نتایج حاصل از مدل الگوریتم ژنتیک، ماتریس درهم‌ریختگی و نمودار ROC حاصل به شرح جدول (۱۰) آورده شده است.

جدول ۱۰: ماتریس درهم‌ریختگی مربوط به مدل رگرسیون پروبیت

Class ^۱	۳۷ ٪۹/۳	۵ ٪۱/۳	٪۸۸/۱
Class ^۲	۳۵ ٪۸/۸	۳۲۳ ٪۸۰/۸	٪۹۰/۲
	٪۵۱/۴ ٪۴۸/۶	٪۹۸/۵ ٪۱/۵	٪۹۰ ٪۱۰
Class ^۱		Class ^۲	

نمودار ۸: منحنی ROC مربوط به مدل رگرسیون پروبیت



جدول (۱۰) در دو کلاس طبقه‌بندی شده است. کلاس ۱ که نشان‌دهنده تسهیلات معوق شده در نمونه ۴۰۰ تایی است و تعداد این تسهیلات ۷۲ فقره است. از بین این ۷۲ فقره تسهیلات معوق شده، تعداد ۳۷ فقره صحیح و تعداد ۳۵ فقره اشتباه پیش‌بینی شده است. به بیان دیگر در کلاس ۱ مدل طراحی شده توانسته است ۵۱/۴٪ صحیح و همچنین ۴۸/۶٪ اشتباه پیش‌بینی نماید. در این ماتریس کلاس ۲ نشان‌دهنده تسهیلات معوق نشده در نمونه ۴۰۰ تایی است و تعداد این تسهیلات ۳۲۸ فقره است. از بین این ۳۲۸ فقره تسهیلات معوق نشده، تعداد ۳۲۳ فقره صحیح و تعداد ۵ فقره اشتباه پیش‌بینی شده است. به بیان دیگر در کلاس ۲ مدل طراحی شده توانسته است ۹۸/۵٪ صحیح و همچنین ۱/۵٪ اشتباه پیش‌بینی نماید.

نکته نهایی در این مرحله مساحت سطح زیر منحنی ROC است که در روش رگرسیون پروبیت در کلاس ۱ مساحت زیر منحنی ROC (نمودار (۸)) برابر ۷۱/۰ و در کلاس ۲ مساحت زیر منحنی ROC برابر ۷۳/۰ است. یکی از روش‌های تشخیص توانایی یک مدل مساحت سطح زیر منحنی ROC است که هر چه این سطح بزرگ‌تر باشد، نشان می‌دهد که مدل توانایی بهتری در پیش‌بینی دارد، یعنی مدل طراحی شده در رگرسیون پروبیت در نمونه ۴۰۰ تایی توانسته است در مجموع ۹۰٪ صحیح پیش‌بینی نماید و ۱۰٪ اشتباه پیش‌بینی نماید.

تفسیر نتایج نمودار ROC

قبل از بررسی ماتریس‌ها و نمودارهای ROC برای تفسیر نتایج، توجه به متغیرهای تاثیرگذار و مهم از بین کلیه متغیرهای مستقل تحقیق که به وسیله مدل الگوریتم ژنتیک و رگرسیون پروبیت انتخاب شده‌اند، بسیار ضروری است.

جدول ۱۱: جدول متغیرهای تاثیرگذار در دو مدل الگوریتم ژنتیک و رگرسیون پروبیت

متغیرهای با ضریب معنی‌داری بالا در مدل پروبیت	متغیرهای پرتکرار در مدل الگوریتم ژنتیک
نوع قرارداد (مضاربه)	نوع قرارداد (قرض الحسنہ)
نوع قرارداد (مشارکت مدنی)	نوع قرارداد (مضاربه)
رشته فعالیت (بازرگانی)	نوع قرارداد (فروش اقسامی ماشین آلات)
رشته فعالیت (مسکن و ساختمنان)	نوع قرارداد (مراقبه)
شغل (بازنشسته)	نوع قرارداد (خدمات)
شغل (خانه‌دار)	مبلغ پرداختی
شغل (نیروهای مسلح)	مبلغ بازگشتی
کد وثیقه (سپرده بانکی)	سود سهم مشتری
وضعیت مسکن (ملکی)	نرخ سود سهم مشتری
وضعیت مسکن (سایر)	کد وثیقه (لازم الاجراء)
سود سهم دولت	کد وثیقه (سپرده بانکی)
تعداد اقساط	مبلغ وثیقه
نرخ سود سهم مشتری	نرخ جریمه
نرخ جریمه	شهر مورد مصرف (کلان شهر)
سن	شهر مورد مصرف (غیرکلان شهر)
درآمد	شغل (صاحبان مشاغل آزاد کلان)
میانگین موجودی سه ماه آخر	شغل (کارمند دولتی)
	درآمد
	میانگین موجودی سه ماه آخر
	وضعیت مسکن (ملکی)

در جدول (۱۱) به طور واضح بیان شده که در دو مدل الگوریتم ژنتیک و مدل رگرسیون پروبیت کدامیک از متغیرها و ویژگی‌ها تأثیر بیشتری بر متغیر وابسته یعنی احتمال نکول تسهیلات دارند. این

تفاوت در متغیرها از تفاوت در روش کار این دو مدل سرچشمه می‌گیرد. نکته قابل تأمل در جدول (۱۱) این است که مسئولان اعتبارات شعب در زمان پرداخت تسهیلات به مشتریان حقیقی باید این ویژگی‌ها را بسیار زیاد مورد توجه قرار دهند و در این ویژگی‌ها تأمل کنند.

با توجه به داده‌های جداول (۵) و (۱۰) (ماتریس درهم‌ریختگی)، مشاهده می‌شود که مدل طراحی شده بهوسیله رگرسیون پروبیت در کلاس ۲، از مدل طراحی شده بهوسیله الگوریتم ژنتیک توانایی بهتری در پیش‌بینی داشته است. کلاس ۲ مربوط به تسهیلات معوق نشده در نمونه ۴۰۰ تایی است که تعداد این تسهیلات ۳۲۸ فقره است. مدل الگوریتم ژنتیک در کلاس ۲، ۳۱۶ فقره را درست و ۱۲ فقره را اشتباه پیش‌بینی کرده است، اما مدل رگرسیون پروبیت در کلاس ۲، ۳۲۳ فقره را درست و تنها ۵ فقره را اشتباه پیش‌بینی کرده است.

همچنین با توجه به داده‌های جداول (۵) و (۱۰) (ماتریس درهم‌ریختگی)، مشاهده می‌شود که مدل طراحی شده بهوسیله الگوریتم ژنتیک در کلاس ۱، از مدل طراحی شده بهوسیله رگرسیون پروبیت توانایی بهتری در پیش‌بینی داشته است. کلاس ۱ مربوط به تسهیلات معوق شده در نمونه ۴۰۰ تایی و تعداد این تسهیلات ۷۲ فقره است. مدل الگوریتم ژنتیک در کلاس ۱، ۵۱ فقره را درست و ۲۱ فقره را اشتباه پیش‌بینی کرده است، اما مدل رگرسیون پروبیت در کلاس ۱، تنها ۳۷ فقره را درست و ۳۵ فقره را اشتباه پیش‌بینی کرده است. بنابراین در تجزیه و تحلیل کلاس ۱ به این نتیجه می‌رسیم که مدل طراحی شده بهوسیله الگوریتم ژنتیک بهتر از مدل طراحی شده بهوسیله رگرسیون پروبیت است.

بحث و نتیجه‌گیری

با تجزیه و تحلیل ماتریس درهم‌ریختگی این نتیجه حاصل می‌شود که مدل طراحی شده بهوسیله الگوریتم ژنتیک از بین ۴۰۰ فقره تسهیلات، تعداد ۳۶۷ فقره برابر با $91/8\%$ را درست و تعداد ۳۳ فقره برابر با $8/3\%$ را اشتباه پیش‌بینی کرده است، اما مدل طراحی شده بهوسیله رگرسیون پروبیت از بین ۴۰۰ فقره تسهیلات، تعداد ۳۶۰ فقره برابر با 90% را درست و تعداد ۴۰ فقره برابر با 10% را اشتباه پیش‌بینی کرده است.

با توجه به توضیحات نمودار ROC، مشاهده شد که هر دو منحنی ROC مربوط به کلاس ۱ و ۲ در مدل طراحی شده توسط الگوریتم ژنتیک به نقطه (۱۰) نزدیک‌تر است و همچنین مساحت زیر منحنی ROC در روش الگوریتم ژنتیک برابر $92/0$ ، اما در روش رگرسیون پروبیت برابر $72/0$ است که بیان کننده پیش‌بینی بهتر مدل الگوریتم ژنتیک نسبت به مدل رگرسیون پروبیت است، اما انطباق

کامل بر مدل واقعی ندارد؛ زیرا منحنی ROC در هر دو نمودار به نقطه (۱ و ۰) نمی‌رسد، اما منحنی ROC مدل طراحی شده به وسیله الگوریتم ژنتیک نسبت به نمودار ROC رگرسیون پروبیت به نقطه (۱ و ۰) بسیار نزدیک‌تر است که مساحت زیر منحنی نیز این مطلب را تأیید می‌کند؛ زیرا مساحت زیر منحنی در روش الگوریتم ژنتیک بیشتر از مساحت زیر منحنی در روش رگرسیون پروبیت است.

در مورد الگوریتم ژنتیک، متغیرهای نوع قرارداد (فرض الحسن)، نوع قرارداد (مضاریه)، نوع قرارداد (فروش اقساطی ماشین‌آلات)، نوع قرارداد (مراقبه)، رشتہ فعالیت (خدمات)، مبلغ پرداختی، مبلغ بازگشتی، سود سهام مشتری، نرخ سود سهام مشتری، کد وثیقه (لازم‌اجراء)، کد وثیقه (سپرده بانکی)، مبلغ وثیقه، نرخ جریمه، شهر مورد مصرف (کلان‌شهر)، شغل (صاحبان مشاغل آزاد کلان)، شغل (کارمند دولتی) و درآمد مهم‌ترین متغیرهایی هستند که در پیش‌بینی به کار می‌روند.

همچنین دیده می‌شود که در رگرسیون پروبیت به جز متغیرهای روش تقسیط (عادی)، روش تقسیط (تدریجی)، کد وثیقه (غیرمنقول)، کد وثیقه (لازم‌اجراء)، کد وثیقه (چک)، کد وثیقه (سفته)، وضعیت مسکن (استیجاری)، مبلغ پرداختی، مبلغ بازگشتی، تعداد اقساط، مبلغ پیش‌پرداخت و نرخ جریمه که تاثیر منفی بر احتمال بازپرداخت تسهیلات دارند، مابقی متغیرها اثر مثبت دارند. با توجه به این مطلب که مدل‌های رتبه‌بندی فعلی معمولاً از روش‌های رگرسیونی استفاده می‌کنند و نیاز به تعدادی متغیر مهم در مدل‌هایشان دارند که عدم وجود این متغیرها باعث نتایج خطادار می‌شود و همچنین تعدادی از متغیرها در حال حاضر در بانک سپه به‌دلیل سیستم نرم‌افزاری قیمتی، وجود ندارد. استفاده از روش الگوریتم ژنتیک می‌تواند بسیار مهم باشد و این مشکل را حل کند. همچنین پیش‌بینی بهتر این روش در مقایسه با یکی از مدل‌های رگرسیونی، دلیل دیگری بر مزیت این روش است.

پیشنهادات کاربردی

- ۱- به کارگیری روش‌های هوش مصنوعی الگوریتم ژنتیک در رتبه‌بندی اعتباری مشتریان حقیقی بانک،
- ۲- توسعه مدل این تحقیق در رتبه‌بندی اعتباری مشتریان بانک با نرم‌افزار کاربردی رتبه‌بندی اعتباری،
- ۳- ایجاد یک بانک اطلاعاتی جامع به‌منظور دریافت و ثبت مناسب داده‌های رتبه‌بندی اعتباری مشتریان بانک با استفاده از الگوریتم‌های جدید همچون الگوریتم مورچگان،
- ۴- طراحی و ساخت یک سیستم پشتیبانی تصمیم‌گیری برای رتبه‌بندی اعتباری مشتریان بانک،
- ۵- با توجه به توصیه کمیته بال در این زمینه بهتر است بانک‌ها برای رتبه‌بندی اعتباری مشتریان خود به یک روش بستنده نکنند و روش‌ها و مدل‌های مختلفی را برای این امر به کار بزنند.

منابع و مأخذ

الف. منابع فارسی

اسکندری جعفری، میثم و روحی، میلاد. (۱۳۹۶): مدیریت ریسک اعتباری مشتریان بانکی با استفاده از روش ماتریس بردار تصمیم بهبود یافته با الگوریتم ژنتیک با رویکرد داده کاوی. *فصلنامه مدیریت دارایی و تامین مالی*، ۱۹، ۱۷-۳۲.

اقبالی، علی، رضوی حاجی آقا، سیدحسن و عموزاد مهدیرجی، حنان. (۱۳۹۶): *ارزیابی مقایسه‌ای عملکرد توابع شایستگی الگوریتم ژنتیک در رتبه‌بندی مشتریان*. نشریه مدیریت صنعتی، ۹، ۲۴۵-۲۶۴.

البرزی، خانبابایی و محمدپورزرندی (۱۳۸۹): *رتبه‌بندی اعتباری مشتریان حقیقی بانک سپه (مطالعه موردی شعب تهران)*. پایان‌نامه کارشناسی ارشد. دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران مرکز.

ذکاوت، س، م، (۱۳۸۱): *رتبه‌بندی داخلی مشتریان بانک‌ها با استفاده از مدل‌های رگرسیون لاجیت*. پایان‌نامه کارشناسی ارشد. دانشگاه تهران.

rstem کلایی (۱۳۸۶): *مدل سازی ریسک اعتباری در بانک کشاورزی*. رویکرد مدل‌های لاجیت، پروبیت و شبکه‌های عصبی. رساله دکتری. دانشگاه علامه طباطبائی.

فلاح شمس، میرفیض و مهدوی راد، حمید. (۱۳۹۱): *طراحی مدل اعتبار سنجی و پیش‌بینی ریسک اعتباری مشتریان تسهیلات لیزینگ (مورد مطالعه: شرکت لیزینگ ایران خودرو)*. *فصلنامه پژوهشنامه اقتصادی (رویکرد اسلامی - ایرانی)*، ۴۴، ۲۱۳-۲۳۴.

کشاورز حداد و آیتی گازار (۱۳۸۶): *ارزیابی عملکرد و رتبه‌بندی واحد اعتبارات و تسهیلات مؤسسه اعتباری توسعه*. پایان‌نامه کارشناسی ارشد. دانشکده صنایع دانشگاه تربیت مدرس.

ملا ابراهیم لو (۱۳۸۴): **بررسی عوامل مؤثر بر ریسک اعتباری مشتریان حقوقی بانک (بررسی موردي بانک کشاورزی)**. پایان نامه کارشناسی ارشد. دانشگاه شهید بهشتی.

مهرگان، محمدرضا، تهرانی، رضا و نظری، عبدالله. (۱۳۹۵): **اعتبارسنجی مشتریان بانک با استفاده از خوشه بندی به رویس K-Means**. مطالعات کمی در مدیریت ۲۵، ۱۲۳-۱۴۱.

ب. منابع فارسی

Abdou, H. A. (2018): *Genetic programming for credit scoring: The case of Egyptian public sector banks*. Expert Systems with Applications 39, 11402-11417.

Abdou, H. A. Pointon, J., and Elmasry, A. (2008): *Neural network versus conventional techniques in credit scoring in Egyptian bank*. Expert Systems with Applications 35, 1275-1292.

Chen, M. & Huang, S. (2003): *Credit scoring and rejected instances reassigning through evolutionary computation techniques*. Expert Systems with Applications 24, 433–441.

Constangioara, A. (2011): *Consumer credit scoring*. Romanian Journal of Economic Forecasting 3, 162-177.

Desai, V. S., Crook, J. N., & Overstreet, G. A. (1997): *A comparison of neural networks and linear scoring models in the credit union environment*. European Journal of Operational Research 95, 24–37.

Huang, C., Chen, M., & Wang, C. (2007): *Credit scoring with a data mining approach based on support vector machines*. Expert Systems with Applications 33, 847–856.

Lee, T., Chiu, C., Lu, C., & Chen, I. (2006): *Credit scoring using the hybrid neural discriminant technique*. Expert Systems with Applications 23, 245–254.

Lund, A. (2015): *Two-stage logistic regression models for improved credit scoring*. Master's Thesis in Computer Science. Royal Institute of Technology, Stockholm. Sweden.

Mathew, A. (2017): *Credit scoring using logistic regression*. Master's Theses and Graduate Research. San Jose State University. USA.

Ong, C., Huang, J., & Tzeng, G. (2005): *Building credit scoring models using genetic programming*. Expert Systems with Applications 29, 41–47.

Paliwal, M., & Kumar, U. A. (2009): *Neural networks and statistical techniques: A review of applications*. Expert Systems with Applications 36, 2–17.

Ju, Y., and Sohn, S. Y. (2017): *Technology credit scoring based on a quantification method*. Sustainability 9, 1-16.